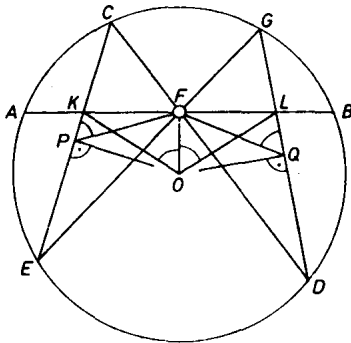


Legyen  $O$  a  $k$  kör középpontja, továbbá  $P$ , illetve  $Q$  az  $O$ -ból  $EC$ -re, illetve  $DG$ -re állított merőleges talppontja. Így  $P$  és  $Q$  felezi is az  $EC$ -t, illetve  $DG$ -t.



Használjuk az *ábra* további jelöléseit is. A  $CG$  és  $ED$  íveken nyugvó kerületi szögek egyenlősége révén  $EFC$  és  $DFG$  hasonló háromszögek. E két hasonló háromszögben  $FP$  és  $FQ$  egymásnak megfelelő súlyvonalak, ezért

$$(1) \quad \angle FPC = \angle FQG.$$

Thalész tétele szerint  $OPKF$  és  $OFLQ$  húrnégyszög, azaz  $\angle KOF = \angle FPC$  és  $\angle FOL = \angle FQG$ , így (1) alapján  $\angle KOF = \angle FOL$ , következésképpen az  $FOL$  és  $FOK$  háromszögek egybevágók, hiszen megegyeznek egy oldalban és a rajta fekvő két szögben. Tehát  $FK = FL$ , ami a feladat állítása. (Megoldásunk ugyanígy mondható el, ha  $P$  a  $KC$ , illetve  $Q$  az  $LG$  szakasz pontja.)