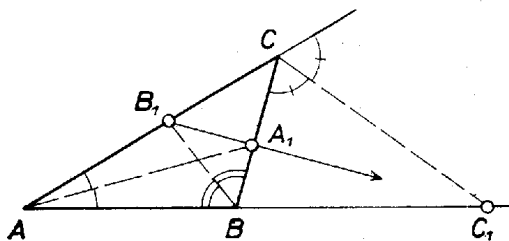


Ha a  $C$ -nél levő szög felezője párhuzamos  $AB$ -vel, akkor a belső szögfelező merőleges  $AB$ -re, és ezért  $AC = BC$ . Ebben az esetben  $A_1C = B_1C$ , és a párhuzamos szelők tételének megfordítása alapján  $A_1B_1$  is párhuzamos  $AB$ -vel.



Legyen ezután a külső szögfelező és az  $AB$  egyenes metszéspontja  $C_1$ . A Menelaosz-tétel megfordítása szerint  $A_1, B_1, C_1$  akkor lesznek egy egyenesen, ha

$$(1) \quad \frac{AC_1}{C_1B} \cdot \frac{BA_1}{A_1C} \cdot \frac{CB_1}{B_1A} = -1.$$

A külső szögfelező osztási arányára vonatkozó tétel szerint

$$\frac{AC_1}{C_1B} = -\frac{b}{a},$$

míg a belső szögfelezőkre vonatkozó tétel alapján

$$\frac{BA_1}{A_1C} = \frac{c}{b}, \quad \text{illetve} \quad \frac{CB_1}{B_1A} = \frac{a}{c},$$

ahol  $a, b, c$  a háromszög megfelelő oldalai.

Ezután (1) bal oldala így alakul:

$$-\frac{b}{a} \cdot \frac{c}{b} \cdot \frac{a}{c} = -1.$$

tehát  $A_1, B_1, C_1$  egy egyenesen vannak. Ezzel a feladat állítását bebizonyítottuk.

*Boncz András (Zalaegerszeg, Zrínyi M. Gimn., III. o. t.)*