

Legyen az  $x, y, z$  számok legkisebbike például  $x$ . Az első és a harmadik egyenletet összehasonlítva ekkor azt kapjuk, hogy  $x^3 - y = z^3 - x$ , vagyis

$$(1) \quad x^3 + x = z^3 + y.$$

Feltevésünk szerint egyrészt  $x \leq y$ , másrészt  $x \leq z$ , emiatt  $x^3 \leq z^3$ . (1) bal oldala tehát csak úgy lehet a jobb oldalával egyenlő, ha  $x = y$  és  $x^3 = z^3$ , így  $x = z$ .

Az egyenletrendszer minden valós megoldására tehát  $x = y = z$ . Ezért  $x^3 - x = 6$ , azaz

$$0 = x^3 - x - 6 = (x - 2)(x^2 + 2x + 3).$$

Mivel  $x^2 + 2x + 3 = (x + 1)^2 + 2 > 0$ , az egyenletrendszer egyetlen valós megoldása

$$x = y = z = 2.$$