

Mivel négyzetgyök alatt nem szerepelhet negatív szám, ezért  $x$  sem lehet negatív. Ezért létezik olyan pozitív  $y$ , amelyre  $y^{12} = x$ . Erre az  $y$ -ra a következő egyenletet kapjuk az eredetiből:

$$y^3 + y^6 = 2 \cdot y^4,$$

amely – azzal a megszorítással, hogy  $y$  nem-negatív – az eredetivel ekvivalens.  $y = 0$  lehetséges. Ez egyrészt az  $y_1 = 0$ , azaz  $x_1 = 0$  megoldáshoz vezet; másrészt  $y^3$ -nel osztva az

$$(1) \quad y^3 - 2y + 1 = 0$$

egyenletet nyerjük. Ennek az egyenletnek az 1 gyöke, amiből azt kapjuk, hogy  $y_2 = 1$ , azaz  $x_2 = 1$  is megoldás. Most már az (1) alatti egyenletet oszthatjuk  $(y - 1)$ -gyel és így az

$$y^2 + y - 1 = 0$$

egyenlethez jutunk. Ezt megoldva  $y$ -ra két gyök adódik:

$$y_3 = (-1 + \sqrt{5})/2 \quad \text{és} \quad y_4 = (-1 - \sqrt{5})/2.$$

Mivel  $y$  nem lehet negatív, ezért  $y_4$  nem jön szóba megoldásként.

Eszerint az eredeti egyenlet megoldásai:  $x_1 = 0$ ,  $x_2 = 1$  és  $x_3 = [(-1 + \sqrt{5})/2]$ .