

I. megoldás. Megszámoljuk, hogy egy lottóhúzás összes lehetséges kimenetele között hány olyan van, mint az idézett. A „magányos” szám helyzete szerint háromfajta ötöst kell számba vennünk:

1. $(a, a + 1, b, b + 1, c)$, ahol $1 \leq a, a + 2 < b, b + 2 < c \leq 90$,
tehát

$$1 \leq a < b - 2 < c - 4 \leq 86.$$

Minden ilyen ötöshöz tartozik tehát egy 1 és 86 közötti különböző számokból álló hármas: $a, b - 2, c - 4$. Bármely két különböző számötöshöz különböző hármas tartozik, és minden hármas tartozik valamelyik ötöshöz, vagyis az ilyen ötösök és hármasok között kölcsönösen egyértelmű megfeleltetést létesíthetünk. (Az $(a, a + 1, b, b + 1, c)$ alakú ötöshöz az $(a, b - 2, c - 4)$ hármas rendeljük.) Az 1 és 86 közötti különböző számokból $\binom{86}{3}$ hármas választható ki, ennyi tehát az 1. típusú ötösök száma is.

2. $(a, b, b + 1, c, c + 1)$, ahol $1 \leq a, a + 1 < b, b + 2 < c, c + 1 \leq 90$,
tehát

$$1 \leq a < b - 1 < c - 3 \leq 86.$$

Most is kölcsönösen egyértelmű megfeleltetés létesíthető az ötösök és az 1 és 86 közötti hármasok között, ha az $(a, b, b + 1, c, c + 1)$ alakú ötöshöz az $(a, b - 1, c - 3)$ alakú hármas rendeljük. Az ilyen hármasok száma ismét $\binom{86}{3}$, tehát ennyi 2. típusú ötöst kaptunk.

3. $(a, a + 1, b, c, c + 1)$, ahol $1 \leq a, a + 2 < b, b + 1 < c \leq 89$,
tehát

$$1 \leq a < b - 2 < c - 3 \leq 86.$$

Az ilyen ötösöknek megint kölcsönösen egyértelműen megfeleltethető egy 1 és 86 közötti számokból álló hármas, ha az $(a, a + 1, b, c, c + 1)$ ötöshöz az $a, b - 2, c - 3$ hármas rendeljük. Ismét $\binom{86}{3}$ darab hármas, s következésképpen $\binom{86}{3}$ ötöst kaptunk.

Összesen tehát $3 \cdot \binom{86}{3} = 307\,020$ megfelelő ötös van. A keresett valószínűséget ezután úgy kapjuk, ha ezt a számot elosztjuk az összes ötösök számával. A keresett érték tehát $\frac{307\,020}{\binom{90}{5}} \approx 0,007$ ($\approx 0,0069858$). (Átlagosan 143 húzásonként, azaz kb. két és 3/4 évente várható egy ilyen húzás.)

Természetesen *minden* héten ugyanennyi valószínűséggel húznak ki egy megfelelő ötöst (akkor is, ha az előző héten már kihúztak egy ilyet), hiszen bármely két hét húzásai függetlenek egymástól.

II. megoldás. Ha egy húzás kimenetele olyan, mint a 34. heti volt, akkor az öt kihúzott szám négy egybefüggő csoportra osztja a ki nem húzott 85 számot. Az első vagy az utolsó csoport üres is lehet, ha az 1 vagy a 90 szerepel a kihúzott számok között.

Rakjunk most sorba 85 fehér golyót és a köztük lévő 84, továbbá az első előtti és az utolsó, a 85. utáni – tehát összesen 86 – „golyóközből” válasszunk ki minden lehetséges módon hármat. Ez $\binom{86}{3}$ -féleképpen tehető meg. Egyikükbe helyezzünk el 1, a másik kettőbe pedig 2-2 piros golyót – ez 3 lehetőség –, majd számozzuk meg az összesen 90 golyót 1-től 90-ig. A kihúzott 5 szám az 5 piros golyó sorszáma legyen. Így nyilván minden megfelelő számötöst megkapunk és mindegyiküket csak egyszer.

A 34. hetihez hasonló típusú lottóhúzások száma tehát $3 \cdot \binom{86}{3}$, így a keresett valószínűség $\frac{3 \cdot \binom{86}{3}}{\binom{90}{5}}$.

Megjegyzés. Az 1957 óta folyó magyar lottójáték első 1674 húzásában 8-szor fordult elő a vizsgált típusú számötös, a fenti 1. típusú 4-szer, a másik kettő 2-2 esetben. Bár ez némileg kevés a várt 11–12-hez képest, az esetek csekély számára tekintettel mégis mondható, hogy a tapasztalat megegyezésben van az elmélettel.