

Ha $n = 1$, akkor az összegnek 0 darab tagja van, ezért értéke nulla, így az állítás igaz. A továbbiakban legyen az n legalább 3. A vizsgált összegben ekkor páros számú tag van, csoportosítsuk tehát párosával a tagokat úgy, hogy az egyes csoportokban

$$(1) \quad k^n + (n - k)^n \quad \text{szerepeljen.} \quad \left(k = 1, 2, \dots, \frac{n-1}{2} \right)$$

Megmutatjuk, hogy (1) alatti összeg minden egész k -ra osztható n^2 -tel, s ebből már következik a feladat állítása. Fejtsük ki $(n - k)^n$ -t a binomiális tétel alapján. Ekkor (1) így írható:

$$\begin{aligned} k^n + n^n - \binom{n}{1} n^{n-1} \cdot k + \dots + \binom{n}{n-1} \cdot n \cdot k^{n-1} - k^n = \\ = n^n - \binom{n}{1} n^{n-1} \cdot k + \dots + n \cdot n \cdot k^{n-1}. \end{aligned}$$

A kapott összeg minden tagja osztható n^2 -tel, így $k^n + (n - k)^n$ is, és ezt akartuk bizonyítani.