

Legyen N prímtényezőss alakja $p_1^{\alpha_1}, p_2^{\alpha_2}, \dots, p_i^{\alpha_i}$. A számelmélet alaptétele szerint N minden osztója $p_1^{\beta_1}, p_2^{\beta_2}, \dots, p_j^{\beta_j}$ alakú, ahol $0 \leq \beta_i \leq \alpha_i$ ha $i = 1, 2, \dots, j$, és ezek valamennyien különböző osztók. N -nek tehát annyi osztója van, ahányféleképpen a $[\beta_1, \beta_2, \dots, \beta_j]$ szám- j -eseket ki tudjuk választani úgy, hogy $0 \leq \beta_1 \leq \alpha_1, 0 \leq \beta_2 \leq \alpha_2, \dots, 0 \leq \beta_j \leq \alpha_j$ teljesüljön. Miután pedig az egyes β_i -ket egymástól függetlenül $(1 + \alpha_i)$ -féleképpen választhatjuk ki, N -nek $(1 + \alpha_1), (1 + \alpha_2), \dots, (1 + \alpha_j)$ darab osztója van.

Jancsi szerint ez a szám páratlan, tehát minden $(1 + \alpha_i)$ tényező páratlan, s így minden α_i páros. De ebből következik, hogy N négyzetszám. Márpedig négyzetszám nem végződhet 75-re, Jancsi tehát biztosan tévedett.

Másrészt N osztható 5^2 -nel, de nem osztható $5^3 = 125$ -tel (ha osztható volna 125-tel, akkor 125-re, 250-re, 375-re, 500-ra, 625-re, 750-re, 875-re vagy pedig 000-ra kellene végződnie). A p_i -k között tehát szerepel az 5, a hozzá tartozó α_i pedig éppen 2. Ekkor $1 + \alpha_i = 3$, így az osztók száma osztható 3-mal. Pista viszont 3-mal nem osztható számot mondott, ezek szerint ő is biztosan tévedett.