

A „legdurvább” módszer az, hogy rendre vesszük a prímszámok négyzetének többszöröseit, és ezek között keresünk négy egymás melletti számot. Szerencsére a legkisebb ilyen megoldás elég kicsi:

$$242 = 11^2 \cdot 2, \quad 243 = 3^2 \cdot 27, \quad 244 = 2^2 \cdot 61, \quad 245 = 7^2 \cdot 5,$$

így az eljárás viszonylag hamar véget ér.

Kevesebb próbálgatást igényel az alábbi módszer. A 24-re végződő számok oszthatók  $2^2$ -nel, a 25-re végződők pedig  $5^2$ -nel. Így ha a számnégyest

$$900k + 24, \quad 900k + 25, \quad 900k + 26, \quad 900k + 27$$

alakban keressük, akkor a számnégyes első tagja 4-gyel, második tagja 25-tel, utolsó tagja pedig 9-cel osztható.  $k$  értékét úgy szeretnénk megválasztani, hogy a harmadik tag,  $900k+26$ , osztható legyen 49-cel. Ám  $900k+26 = 18k \cdot 49 + 18k+26$  pontosan akkor osztható 49-cel, ha  $49|18k+26$ , ez utóbbi viszont pl.  $k=4$  esetén teljesül. Ebből a

$$3624 = 2^2 \cdot 906, \quad 3625 = 5^2 \cdot 145, \quad 3626 = 7^2 \cdot 74, \quad 3627 = 3^2 \cdot 403$$

számnégyest kapjuk.

*Megjegyzés.* Igaz az is, hogy tetszőleges  $n$ -re van  $n$  db egymás utáni egész szám úgy, hogy mindegyiküknek van egynél nagyobb négyzetszám osztója. Ez következménye az alábbi, ún. *kínai maradéktétel*nek: legyenek  $a_1, a_2, \dots, a_n$  páronként relatív prímek,  $b_1, b_2, \dots, b_n$  tetszőleges egészek. Ekkor van olyan  $x$  egész szám, hogy minden  $1$  és  $n$  közti  $k$ -ra  $x + b_k$  osztható  $a_k$ -val. A tételből állításunk a következő szereposztással adódik: legyen  $a_k$  a  $k$ -adik prímszám négyzete,  $b_k = k$ . Ekkor  $x + 1, x + 2, \dots, x + n$  a kívánt szám  $n$ -es.