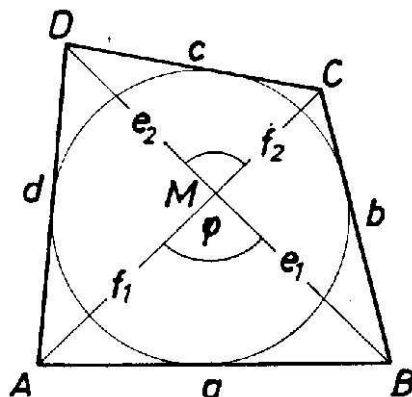


Az állítást pontosítani kell. Ugyanis az átlók közti szögek közül két egyenlő nagyságú az a, c szemben fekvő oldalpárnak a látószöge, a 180° -ra kiegészítők pedig a b, d oldalpáré. Mivel egyrészt $\cos \varphi \neq \cos(180^\circ - \varphi)$ – kivéve ha mindkettő 0 – másrészt a feltételi egyenlőség bal oldalán megkülönböztetett szerepet kaptak az oldalpárok, azért az állítás csak az egyik esetben lehet igaz.

Akkor igaz az állítás, ha φ -n az a, c oldalpár látószögét értjük.



Azt viszont szabadon választhatjuk, hogy az átlók közül e -n azt értjük, amelyik az a, b , valamint a c, d oldalpárok közös végpontjait köti össze, ugyanis e és f szerepe a föltételi egyenlőségben fölcserélhető. Jelöljük az átlók darabjait a csúcsok körüljárása szerint f_1, e_1, f_2, e_2 -vel – az a, d oldalpár közös csúcsától kezdve – ekkor a cosinustételt alkalmazva a négy részháromszögre

$$a^2 = e_1^2 + f_1^2 - 2e_1f_1 \cos \varphi,$$

$$b^2 = e_1^2 + f_2^2 + 2e_1f_2 \cos \varphi,$$

$$c^2 = e_2^2 + f_2^2 - 2e_2f_2 \cos \varphi,$$

$$d^2 = e_2^2 + f_1^2 + 2e_2f_1 \cos \varphi.$$

Ezekből összeadással és kivonással

$$(1) \quad (b^2 + d^2) - (a^2 + c^2) = 2(e_1 + e_2)(f_1 + f_2) \cos \varphi = 2ef \cos \varphi,$$

minden, a jelöléseink szerinti konvex négyszögre.

Feladatunk szerint a jobb oldal helyére a $2ac - 2bd$ kifejezést írhatjuk. Alkalmos átrendezéssel, majd mindkét oldal pozitív négyzetgyökét véve

$$b + d = a + c,$$

ez pedig – mint ismeretes – elegendő feltétele annak, hogy négyszögünknek legyen beírt köre.