

Jelöljük  $(i; j)$ -vel a sakkjáblának azt a mezőjét, amely balról számítva az  $i$ -edik oszlopban és alulról számítva a  $j$ -edik sorban van. Egy mező a bal alsó sarokhoz közelebb van, ha középpontjának a tábla bal alsó sarokpontjától mért távolsága kisebb a másik mező középpontja távolságánál. Tehát pl.  $(1; 2)$  közelebb van a bal alsó sarokhoz, mint  $(2; 2)$ . Lássuk el az  $n \times n$ -es sakkjábla mezőit a „+” és „-” jelek valamelyikével az alábbiak szerint (1. ábra):

I. Az  $(1; 1)$ -es mező legyen -.

II. A többi mező közül legyen

- + minden olyan mező, ahonnan a szabályoknak megfelelően csak --ra léphetünk,
- minden olyan mező, ahonnan a szabályoknak megfelelően léphetünk +-ra is.

8	-	-	-	-	+	-	-	-
7	-	-	-	-	-	-	-	-
6	-	-	-	+	-	-	-	-
5	-	-	-	-	-	-	-	+
4	-	-	-	-	-	+	-	-
3	-	-	+	-	-	-	-	-
2	+	-	-	-	-	-	-	-
1	-	+	-	-	-	-	-	-
	1	2	3	4	5	6	7	8

1. ábra

-	-	-	-	-	-	-	-
-	-	-	+	-	-	-	-
-	-	-	-	-	-	-	-
-	-	+	-	-	-	-	-
-	-	-	-	-	-	+	-
-	-	-	-	+	-	-	-
+	+	-	-	-	-	-	-
-	+	-	-	-	-	-	-

2. ábra

Mivel „+” jelet csak akkor írhatunk egy mezőbe, ha már minden olyan mezőt megjelöltünk, ahová az illető mezőről léphetünk, célszerű a mezők megjelölését a bal alsó saroktól távolodva végezni. A bal alsó saroktól egyenlő távolságra levő mezők megjelölésének sorrendje tetszőleges. Egy távolabbi mezőt egy közelebbinél előbb is megjelölhetünk, ha róla a közelebbi mezőre nem lehet lépni. Ez lehetővé teszi például, hogy először a  $2 \times 2$ -es tábla mezőit jelöljük meg, majd ezt bővítsük  $3 \times 3$ -asra és így tovább. (Nem tudunk ugyanis a királynővel egyetlen  $m \times m$ -es tábláról sem lelépni.)

A felső sorban az  $(5; 8)$  mezőbe + jel kerül. Ha  $B$  ide helyezi a bábút,  $C$  csak - jelű mezőre tud lépni, ahonnan  $B$  ismét léphet + mezőre stb: A + és - mezők tulajdonságai folytán  $B$  arra kényszerítheti  $C$ -t, hogy mindig + mezőről lépjen. Mivel a bábu minden lépésben közelebb kerül a bal alsó sarokhoz,  $C$  legkésőbb a negyedik lépésében kénytelen  $(1; 1)$ -be tolni a bábút, tehát  $B$  nyer.

A  $7 \times 7$ -es táblán viszont fordított a helyzet. A felső sor bármelyik mezőjére is helyezi  $B$  a bábút,  $C$  nyerni tud éppen az előbb leírt stratégia alapján.

Kántor Zsolt (Győr, Czuczor G. Bencés Gimn., IV. o. t.)

*Megjegyzések.* 1. Felvetődhet a feladatnak olyan értelmezése is, amelyben „sarok” alatt sarokmezőt értünk. Ekkor az  $(1; 2)$  és a  $(2; 2)$  mező ugyanolyan messze van a bal alsó saroktól. Az eredmény szempontjából ez nem közömbös, hiszen ekkor a  $8 \times 8$ -as táblát a 2. ábra szerint tölthetjük ki. Ekkor  $C$ -nek van nyerő stratégiája, a  $7 \times 7$ -es táblán pedig  $B$ -nek.

2. Igazolható, hogy az 1. ábra kitöltését folytatva a  $\left( \left\lfloor \frac{\sqrt{5}+1}{2} k \right\rfloor + 1 \right)$ ;  $\left( \left\lfloor \frac{\sqrt{5}+3}{2} k \right\rfloor + 1 \right)$ , valamint a  $\left( \left\lfloor \frac{\sqrt{5}+3}{2} k \right\rfloor + 1, \left\lfloor \frac{\sqrt{5}+1}{2} k \right\rfloor + 1 \right)$  mezőkbe  $(k = 2, 3, \dots)$  kerül + jel. Így  $B$ -nek akkor és csak akkor van nyerő stratégiája, ha  $n = 2, 3$  vagy  $n = \left\lfloor \frac{\sqrt{5}+3}{2} k \right\rfloor + 1$  valamilyen  $k \geq 2$  egész számra.