

A feladatot *reductio ad absurdum* módszerével oldjuk meg, azaz feltesszük, hogy az állítás nem igaz és ellentmondásra jutunk belőle.

Legyenek tehát megadott számaink  $a_1, a_2, \dots, a_n$ , ahol  $1 < a_i < (2n - 1)^2$ , és legyen  $a_i$  legkisebb prímosztója  $p_i$ . Mivel  $a_i$  nem prímszám, van  $p_i$ -n kívül még (esetleg  $p_i$ -vel megegyező) prímosztója, következésképp  $p_i^2 \leq a_i < (2n - 1)^2$ . Az így kapott  $p_i$  prímszámok mind különbözők, hiszen ha  $p_i = p_j$  volna, akkor  $p_i$  osztója volna  $a_i$ -nek és  $a_j$ -nek is, noha feltételünk szerint  $a_i$  és  $a_j$  relatív prím.

Így kaptunk  $n$  különböző prímszámot, melyek mindegyike kisebb  $(2n - 1)$ -nél. Megmutatjuk, hogy ez lehetetlen. Ugyanis 1 és  $(2n - 1)$  között  $(n - 2)$  páratlan szám van  $(3, 5, 7, \dots, 2n - 3)$  és minden prímszám, a 2-t kivéve, páratlan. Tehát 1 és  $(2n - 1)$  között legfeljebb  $(n - 1)$  különböző prímszám található, ami ellentmondás.

Ez az ellentmondás igazolja állításunkat.