

A **P. 4333.** feladat megoldása kapcsán több versenyzőben is felmerült a gondolat: milyen függvénnyel írhatók le a reális anyagok adiabatái?

A reális gázok izotermáira a legismertebb közelítés a *Van der Waals-állapotegyenlet* felhasználásával adódik:

$$\left(p + \frac{a}{V^2}\right)(V - b) = \text{állandó}, \quad \text{ha } T = \text{állandó}.$$

Tudjuk azonban, hogy ennek az izotermának van olyan szakasza, amely pozitív meredekségű:

$$\left(\frac{\Delta p}{\Delta V}\right)_{T=\text{állandó}} > 0.$$

Lehetséges ez? Az ezen szakaszon fekvő pontok *instabil* állapotokat reprezentálnak, mivel $\Delta V > 0$ -hoz $\Delta p > 0$ tartozik (vagyis az anyag magától felrobban), illetve $\Delta V < 0$ esetén $\Delta p < 0$ (tehát az anyag magától összeomlik). A Van der Waals-izotermának ezek a szakaszai tehát *lehetetlen folyamatokat* jelölnek ki.

Azt is tudjuk, hogy a lehetetlen folyamat helyett egy „vízszintes” szakasz jelenik meg a (p, V) diagramon, amely folytonosan, de töréssel csatlakozik az izoterma ívekhez. A vízszintes izoterma mentén halmazállapot-változáson (fázis-átalakuláson) megy át a reális anyag.

Van der Waals-közelítésben az adiabatá:

$$\left(p + \frac{a}{V^2}\right)(V - b)^\kappa = \text{állandó}, \quad \text{ahol } \kappa = \frac{c_p}{c_v}.$$

Joggal gyanakodhatunk azonban, hogy ennek a $p(V)$ függvénynek is lesznek irreális folyamatot reprezentáló részei. Nem is érdemes ezen az úton tovább kísérleteznünk, inkább induljunk ki valamelyik reális anyagon elvégzett mérésből! Ehhez nyújtanak segítséget a vízmérnöki gyakorlatban használt diagramok, vízgőz táblázatok.

Ami a vízgőz izotermákat illeti, ezek a $(p; V)$ koordináta-rendszerben valóban olyanok, amilyenek sejtettük: lecsapódás közben $p = \text{állandó}$, ha $T = \text{állandó}$; míg a száraz (vízcseppeket nem tartalmazó) gőz izotermája eléggé hasonlít az ideális gáz izotermájához: jó közelítésben

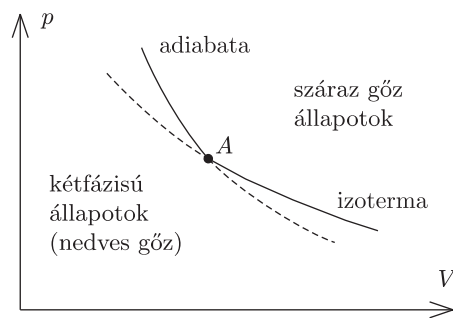
$$p \sim \frac{1}{V}, \quad \text{ha } T = \text{állandó}.$$

Hogyan néznek ki a vízgőz adiabaták? Induljunk ki a száraz gőz állapotból! A mérések szerint az ilyen vízgőz adiabatájának az egyenlete:

$$pV^{1,3} = \text{állandó}, \quad \text{vagyis } p \sim \frac{1}{V^{1,3}}.$$

Ha ezt értelmezni szeretnénk, kínálkozik az $1,3 \approx \frac{9}{7}$ közelítés. A kinetikus modellben ez olyan molekulákból álló gáznak felel meg, amelyeknek 7 szabadsági fokuk van. Jó fantáziával meg is indokolhatja valaki ezt a 7-et, de nem érdemes erőltetni. Már csak azért sem, mert a vízgőz fajhője nem állandó, hanem a hőmérséklettől függ. Vegyük észre, hogy a víz-vízgőz kétfázisú tartomány határa a $p-V$ diagramon olyan görbe, amely a $p_1 \sim \frac{1}{V}$ izotermánál meredekebb, de a $p_2 \sim \frac{1}{V^{1,3}}$ adiabatánál enyhébb meredekségű. Csak így értelmezhető ugyanis az a tapasztalat, hogy a lecsapódás megkezdéséhez a száraz vízgőzt izotermikusan össze kell nyomni, adiabatikusan azonban növelni kell a térfogatát.

Az izoterma az *1. ábrán* A -val jelölt állapot elérése után a kétfázisú tartományban vízszintesen folytatódik tovább. De hogyan folytatódik az adiabatá?



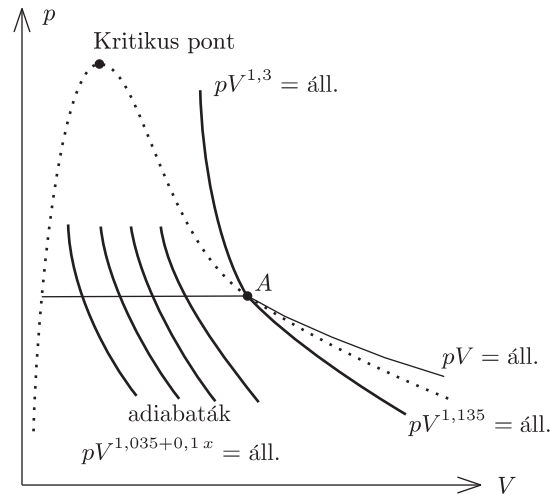
1. ábra

A mérések szerint a száraz gőz adiabatájának a folytatása a kétfázisú tartományban is $p \sim \frac{1}{V^\alpha}$ függvénnyel közelíthető, ahol azonban $\alpha = 1,135$. Ebből következik, hogy a kétfázisú tartományt „jobbról” határoló görbe még ennél is „lankásabb” kell, hogy legyen.

Már csak az a kérdés, hogy ha a kétfázisú tartományban bárhol felveszünk egy pontot (kijelölünk egy állapotot) és ebből kezdjük adiabatikusan tágítani a rendszert, akkor találunk-e jól közelítő „adiabatikus függvényt”. A mérések szerint ezt az adiabatát egy olyan $p \sim \frac{1}{V^\alpha}$ függvény közelíti legjobban, ahol

$$\alpha = 1,035 + 0,1 x.$$

Itt x jelenti a vízgőz tömegének az össztömeghez viszonyított kezdeti arányát (2. ábra). (Az 1. ábrán látható A pontban, mivel ez határpont, ahol a teljes rendszer vízgőzből áll, $x = 1$. Így adódik az ottani $\alpha = 1,135$ -ös kitevő.)



2. ábra

Felhasznált irodalom

- [1] M. W. Zemansky: *Heat and Thermodynamics*.
- [2] V. A. Kuzovljev: *Műszaki hőtan*.

Radnai Gyula