

PASCAL tétele (3)

(ideális pontok, ideális egyenes – játszunk a végtelennel)

(3) közlemény

A nagy ábrán a k kúpszelet B, C, D, E pontjai vannak adva – közülük E a BCD háromszög belsejében, így csak hiperboláról lehet szó, vagyis k -nak két különböző közös pontja van a sík ideális egyenesével: A_∞ és G_∞ –, ötödik adatunk pedig az A_∞ felé mutató i_1 irány, az egyik aszimptota iránya.

1987-12-482-1.eps

A (2) közlemény mintájára megszerkesztjük az A_∞ -beli érintőt, vagyis az illető aszimptota a_1 helyzetét, az RA_∞ egyenest, a $BCDEAA$ körüljáráshoz tartozó $QS = p_1$ Pascal-egyenes alapján. (Itt körző is kell, vagy pedig a háromszögvonalzó csúsztatása.)

Az (1) közlemény mintájára megszerkesztjük az $A_\infty G_\infty$ ideális egyenessel való G metszéspontot, vagyis a másik aszimptota i_2 irányát, a BU egyenest, a $BCDEAG$ körüljáráshoz tartozó $QT_\infty U = p_2$ Pascal-egyenes alapján. – Ezután a második aszimptota a_2 helyzetének, a WG_∞ egyenesnek a szerkesztése már csak ismétlés (a $BCDEGG$ körüljárás és $UVW = p_3$ alapján).

Kis vázlatainkról egyszerű méretes összefüggések olvashatók le. Ezekben *helyzet szerint* vannak adva az aszimptoták – ami így már $2 \cdot 2 = 4$ adat – és még a B pont vagy a c érintő, és szerkesztjük b -t, ill. C -t, továbbá egy a B -n, illetve a G_∞ -en átmenő egyenesnek a görbén levő második pontját.