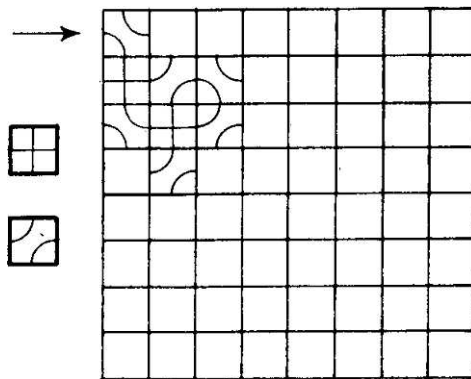
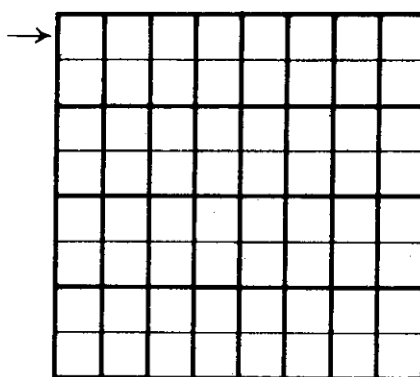


a) Osszuk föl a táblát 32 db  $2 \times 1$ -es téglalagra. Ilyen felosztás látható az 2. ábrán.



1. ábra



2. ábra

A „kezdő” nyer, ha úgy játszik, hogy az általa lerakott lap és „partnerének” erre válaszlépésként letett lapja mindig ugyanabba téglalapba kerül, vagyis a két lapocsksa együtt éppen leföd egy téglalapot.

A kezdő meg tudja valósítani ezt, ugyanis *egyrészt*: minden lerakott lapocsksa egyértelműen meghatározza a következő lapocsksa helyét, hiszen az csak oda kerülhet, ahova a folytonos vonal torkollik, ilyen mezőre pedig pontosan egy van; *másrészt*: könnyen ellenőrizhető, hogy bármely mezőről bármely, vele szomszédos üres mezőre vezethető a folytonos vonal (azaz irányítható, hogy partnerünk melyikre tegye), csak „ügyesen” kell megválasztani a lap mintáját, irányát.

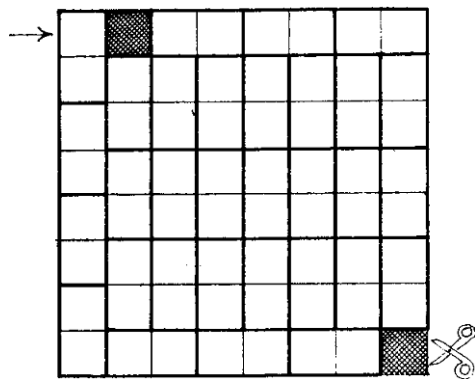
E két állításból pedig következik, hogy a kezdő megválaszthatja úgy minden egyes lépésnél lapocskájának irányát, mintáját, hogy ellenfele válaszként ugyanabba a téglalapba legyen kénytelen tenni, azaz ketten együtt éppen egy téglalapot födjenek le.

Az nem fordulhat elő, hogy annak a téglalapnak, melybe a kezdő éppen rak, a másik mezője már foglalt legyen, mert ha ezt valamikor a kezdő foglalta volna le, akkor a stratégia szerint úgy rakta volna, hogy ellenfele rögtön lefedje a maradék mezőt. Ha pedig a partner tette volna, akkor is szembekerülünk a stratégiával, hiszen a partner csak „megkezdett” téglalapba rakhat, üresbe nem.

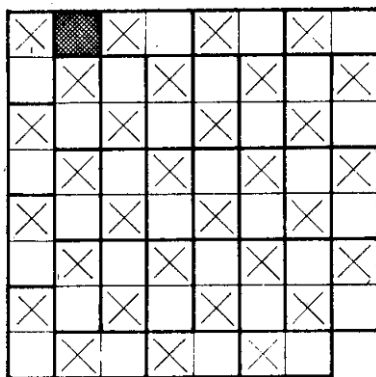
Tehát ha a kezdő kezdettől fogva követte stratégiáját (az első lépésnél nyilván megteheti), akkor mindig üres téglalapba rak, azaz továbbra is tudja követni stratégiáját.

Mivel épp az előbb láttuk be, hogy a kezdő mindig üres téglalapba rak, utolsónak nem tehet, hiszen van lapjával szomszédos üres mező. Ezt pedig a szomszédjával mindig lefödetheti, és ez a stratégiájával sosem ellenkezik. Azaz valóban a kezdő győz, ha követi a stratégiát.

b) A játék módosított változatában szintén a kezdőnek van nyerési stratégiája, mégpedig ugyanaz, mint előbb, csak a tábla felosztása más. A 3. ábra bal felső részén van egy fekete mező. Nyilvánvaló, hogyha a kezdő nem kényszerül arra, hogy oda tegyen, akkor követheti stratégiáját, és győz.



3. ábra



4. ábra

Jelöljük be azokat a mezőket, amelyekről a második játékos a feketére tudja irányítani a kezdőt; majd jelöljük be azokat is, amelyekről – épp a stratégia szerint – a már megjelölt mezőkre tud jutni; ezt a jelölési eljárást addig folytassuk, amíg lehet. Végül a 4. ábrát kapjuk.

Világos, hogy jelöletlenül nem juthat a második játékos jelöltbe, mert akkor a mező jelölt lenne. Tehát mivel ő a kezdő stratégiája szerint az első lépésben jelöletlenül tesz, nem tudja a kezdőt a fekete mezőbe irányítani, azaz győz a kezdő.

Szegedy Patrik (Budapest, Fazekas M. Gyak. Gimn., III. o. t.)