

1937. szept. 15. határidővel a következő három tételt tűzzük ki. Pályázhatnak oly első- és másodéves egyetemi hallgatók is, akik folyóiratunknak munkatársai voltak.

I.

Bebizonyítandó, hogy

$$\begin{aligned} & \left[2 \binom{6n}{0} - \binom{6n}{1} - \binom{6n}{2} \right] + \left[2 \binom{6n}{3} - \binom{6n}{4} - \binom{6n}{5} \right] + \dots + \\ & + \left[2 \binom{6n}{6n-3} - \binom{6n}{6n-2} - \binom{6n}{6n-1} \right] = 0. \end{aligned}$$

Berend

II.

Állapítsuk meg azt a vonatkozást, amely egy síknégyszögnek egy csúcsba ütköző a_1, b_1 oldalai és c_1 átlója, valamint ez oldalakkal szembenfekvő a, b oldalai és a másik c átlója között fennáll.

K.

III.

Ha az $ABCD$ négyszög és a g egyenes adva van egy síkban, akkor végtelen sok (∞^1) oly $A_i B_i C_i D$ négyszöget lehet rajzolni, amelynek $B_i C_i, C_i A_i, A_i B_i, DA_i, DB_i, DC_i$ oldalai és átlói a g egyeneshez ugyanoly szögek alatt hajlanak, anélkül hogy azokkal paralelek volnának, mint megfelelőleg az első négyszög DA, DB, DC, BC, CA, AB oldalai és átlói. Igazoljuk:

1. Az ABC háromszög az $A_i B_i C_i$ háromszögekkel perspektív, tehát az AA_i, BB_i, CC_i egyenesek egy O_i pontban (perspektivitási középpontban) találkoznak és így a $BC, B_i C_i; CA, C_i A_i; AB, A_i B_i$ oldalpárok egymást egy o_i egyenesen (perspektivitási tengelyen) metszik;

2. az O_i pontok geometriai helye az $ABCD$ négyszög köré írt O^2 kúpszelet, amelynek egyik tengelye a g egyenessel paralel;

3. az o_i egyenesek egy az ABC háromszögbe írt ω^2 parabolának érintői, amelynek tengelye ugyanoly szög alatt hajlik a g egyeneshez, mint a parabola F gyújtópontját, a D ponttal összekötő DJ egyenes, anélkül, hogy ezzel paralel volna;

4. a szerkesztésből folyólag határozzuk meg az O^2 kúpszelet A, B, C, D pontjainak érintőit és az ω^2 parabolának érintőpontjait az ABC háromszög oldalival.

Klug.