

A Bolyai János Matematikai Társulat a 2004. évi Kürschák József Matematikai Tanulóversenyt október 8-án 14 órai kezdettel rendezte meg a következő 20 helyszínen: Békéscsaba, Bonyhád, Budapest, Debrecen, Eger, Győr, Kaposvár, Kecskemét, Miskolc, Nyíregyháza, Pécs, Salgótarján, Sopron, Szeged, Székesfehérvár, Szolnok, Szombathely, Tatabánya, Veszprém és Zalaegerszeg.

A Társulat elnöksége a verseny lebonyolítására az alábbi bizottságot kérte fel: *Bárász Mihály, Bártfai Pál, Biró András, Csirmaz László, Fleiner Tamás* (elnök), *Frenkel Péter, Kós Géza, Kun Gábor, Pelikán József*, valamint *Surányi János* (tiszteletbeli elnök).

A Bizottság június 28-i ülésén a következő feladatok kitűzéséről határozott:

1. *Adott a síkban az ABC háromszög, melynek körülírt körét kívülről érinti a k kör. A k kör érinti egyúttal az AB és AC félegyeneseket is, mégpedig a P, illetve Q pontban. Mutassuk meg, hogy a PQ szakasz felezőpontja egybeesik az ABC háromszög BC oldalához hozzáírt körének középpontjával.*

2. *Határozzuk meg a legkisebb olyan, 2004-től különböző, pozitív egész n számot, amelyhez létezik olyan egész együtthatós  $f(x)$  polinom, hogy az  $f(x) = 2004$  egyenletnek legalább egy, az  $f(x) = n$  egyenletnek pedig legalább 2004 különböző egész megoldása van.*

3. *Egy körvonal mentén néhány kék és piros pontot helyeztünk el. Ezekkel az alábbi műveleteket végezzük:*

(a) *valahova beillesztünk egy új piros pontot, és a két szomszédját ellentétes színűre változtatjuk.*

(b) *ha legalább három pont van, és ezek közül legalább az egyik piros, akkor egy piros pontot törölünk, a két szomszédját pedig ellentétes színűre változtatjuk.*

*Kezdetben két pont van a kör területén, mindkettő kék. Elérhetjük-e a lépések többszöri alkalmazásával, hogy újra két pontunk legyen, de azok pirosak legyenek?*

A Bizottság a beérkezett dolgozatok átnézése után, november 26-i ülésén a következő jelentést fogadta el:

„A verseny minden helyszínen rendben zajlott le. Budapestről 59, a további helyszínekről összesen 56 dolgozat érkezett. A második feladat bizonyult a legkönnyebbnek: 29 versenyző ért el valamilyen részeredményt, ezen belül számos helyes megoldás született. Az első és a harmadik feladattal nehezebben boldogultak a versenyzők: az elsőben nyolc, a harmadikban pedig öt résztvevő volt képes értékelhető eredményt felmutatni.

Hubai Tamás mindhárom feladatot lényegében megoldotta, egyedül a harmadik feladatra adott megoldásában van kisebb hiányosság. A Bizottság

**I. Kürschák József díjban** és 30 000 Ft jutalomban részesíti

**Hubai Tamást**, aki a Fazekas Mihály Fővárosi Gyakorló Gimnázium 2004-ben érettségire tett tanulója, *Graskó András, Dr. Surányi László* és *Fazakas Tünde* tanítványa. Jelenleg az Eötvös Loránd Tudományegyetemen tanul matematikus szakon.

További öt versenyző lényegében két feladatot oldott meg. **Czank Tamás** és **Gehér György** az első két feladatra, **Jankó Zsuzsanna** és **Rác Béla András** a második és harmadik példára, míg **Strenner Balázs** az első két feladatra adott megoldást. Ezek alapján

**II. Kürschák József díjat** és 15 000 Ft jutalmat kapnak:

**Czank Tamás**, a miskolci Földes Ferenc Gimnázium 12. osztályos tanulója, *Gulyás Tibor* és *ifj. Szabó Kálmán* tanítványa,

**Gehér György**, a szombathelyi Bolyai János Gyakorló Gimnázium 12. osztályos tanulója, *Zsiros Péter* tanítványa,

**Jankó Zsuzsanna**, a szegedi Radnóti Miklós Kísérleti Gimnázium 11. osztályos tanulója, *Schultz János* és *Mike János* tanítványa,

**Rác Béla András**, a Fazekas Mihály Fővárosi Gyakorló Gimnázium 2004-ben érettségire tett tanulója, *Dr. Surányi László, Graskó András, Fazakas Tünde* és *Pósa Lajos* tanítványa, jelenleg az Eötvös Loránd Tudományegyetem matematikus-hallgatója, valamint

**Strenner Balázs**, a székesfehérvári Teleki Blanka Gimnázium 12. osztályos tanulója, *Szakály Edit, Szabó Gábor* és *Dobos Sándor* tanítványa.

A Versenybizottság ezúton köszöni meg minden versenyző munkáját, a díjazottaknak pedig további sikereket kívánva szívből gratulál.”