

Azt állítjuk, hogy nem lehet. Ha ugyanis volna ilyen mértani sorozat, akkor  $\sqrt{2} < \sqrt{3} < \sqrt{5}$  miatt feltehetnénk, hogy a sorozat első tagja  $\sqrt{2}$ ,  $(n + 1)$ -edik tagja  $\sqrt{3}$  és  $(m + 1)$ -edik tagja  $\sqrt{5}$ , ahol  $1 < n < m$ . Legyen a sorozat hányadosa  $q$ , ekkor

$$\sqrt{3} = q^n \cdot \sqrt{2} \quad \text{és} \quad \sqrt{5} = q^m \cdot \sqrt{2}.$$

Az első egyenletet a  $2m$ -edik, a másodikat a  $2n$ -edik hatványra emelve, majd  $q$ -t kiküszöbölve:

$$3^m = q^{2mn} \cdot 2^m = (q^{2mn} \cdot 2^n) \cdot 2^{m-n} = 5^n \cdot 2^{m-n}.$$

A kapott egyenlőség-sorozat elején és végén egész számok állnak, a szereplő kitevők a feltétel szerint mind pozitívak. Ez az egyenlőség azonban nem állhat fenn, hiszen például a bal oldalon páratlan szám áll, a jobb oldalon pedig páros. Ellentmondásra jutottunk, ami éppen az állításunkat bizonyítja.