

„Ragasszuk össze” a táblázat két végét úgy, hogy oszlopai egy hengerpalást alkotóival legyenek párhuzamosak. A hengerpalástot bármely oszlop mentén felvágva ismét egy  $n \times n$ -es táblázatot kapunk. (Tegyük fel, hogy a felvágást egy rögzített helyzetben levő kés végzi, és ehhez minden alkalommal megfelelően el kell forgatnunk a hengert.) A táblázatnak ez a transzformációja csak az oszlopok sorrendjét változtatja meg, az oszlopokon belül az egyes elemek helyzete változatlan. Vágjuk fel a hengert az első, második,  $\dots$ ,  $n$  oszlop mentén. Minden újabb felvágáshoz  $\frac{360^\circ}{n}$  szöggel történő elforgatást kell végeznünk. Ebből következik, hogy nincs olyan oszlop, amelynek helyzete azonos volna az így kapott  $n$  különböző táblázat közül valamelyik kettőben. Mivel az oszlopok sorrendje egyértelműen meghatározza, hogy mely elemek állnak a jobb felső sarokból a bal alsó sarokba vezető átló (a továbbiakban főátló) mentén, így  $n$  különböző főátlót kaptunk, amelyek közül semelyik kettőnek nincs közös eleme. Az  $n^2$  szám mindegyike tehát pontosan egyszer szerepel a főátlóban.

Jelöljük a táblázat elemeinek összegét  $S$ -sel, az egyes főátlókban szereplő elemek összegét  $S_i$ -vel ( $i = 1, 2, \dots, n$ .)

Ekkor az előzőek alapján  $\sum_{i=1}^n S_i = S$ .

A feltétel szerint  $S \geq 0$ , ez pedig nem állhat elő negatív számok összegeként, tehát létezik olyan  $i$ , hogy  $S_i \geq 0$ .

*Szendrei György* (Szeged, Ságvári E. Gyak. Gimn. , II. o. t.)