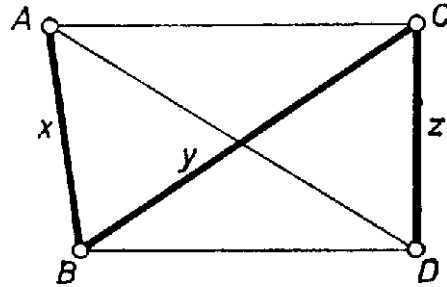


Egy konvex négyszögben az egyik átlóból és két szemközti oldalból mindig egy törött vonal állítható össze. Jelöljük a szóban forgó adatokból összeállítható törött vonal csúcsait rendre  $A$ -val,  $B$ -vel,  $C$ -vel és  $D$ -vel.



Mivel  $AD$  a négyszög másik átlója, az  $ABCD$  törött vonal úgy áll, hogy az  $AD$  és  $BC$  szakaszok metszik egymást. Jelöljük még az  $AB$ ,  $BC$ ,  $CD$  szakaszok hosszát rendre  $x$ ,  $y$ ,  $z$ -vel, akkor  $x + y + z = 16$ , és az  $ABC$ ,  $BCD$  háromszögek területének összege 32. Ez utóbbi legfeljebb  $(xy + yz)/2 = y(x + z)/2$ , ami az  $y$  és  $(x + z)$  számok számtani és mértani közepe közti egyenlőtlenség miatt legfeljebb  $\frac{1}{2} \left(\frac{16}{2}\right)^2$ , és ez épp 32. Emiatt  $y = x + z = 8$ , és az  $ABC$ ,  $BCD$  háromszögek derékszögűek. Tehát  $AD^2 = y^2 - (x + z)^2 = 2 \cdot 8^2$ ,  $AD = 8\sqrt{2}$  az egyetlen lehetséges érték a másik átló hosszára.