

A Bolyai János Matematikai Társulat az 1994. évi Kürschák József Matematikai Tanulmányversenyt október 14-én rendezte a következő 19 városban: Békéscsaba, Budapest, Debrecen, Eger, Győr, Kaposvár, Kecskemét, Miskolc, Nagykánya, Nyíregyháza, Pécs, Salgótarján, Sopron, Szeged, Székesfehérvár, Szolnok, Szombathely, Tatabánya, Veszprém.

A Társulat Elnöksége a verseny lebonyolítására a következő bizottságot kérte fel: *Bakos Tibor, Bártfai Pál, Benczúr Péter (titkár), Csirmaz László, Fejes-Tóth Gábor, Kós Géza, Pálffy Péter Pál, Pálmay Lóránt, Pelikán József, Reiman István, Surányi János (elnök)*.

A bizottság szeptember 22-én tartott ülésén (nem tudott részt venni Surányi János, kérésére az ülésen Pálffy Péter Pál elnökölt) a következő feladatokat tűzte ki:

1. *Jelölje egy paralelogramma két szomszédos oldalának az arányát  $\lambda$  (ahol  $\lambda > 1$ ). Határozzuk meg, hogy hogyan függ  $\lambda$ -tól az átlók közti hegyesszög legnagyobb lehetséges értéke.*

2. *Bizonyítsuk be, hogy ha egy konvex  $n$ -szög átlói közül elhagyunk bárhogyan  $n - 3$ -at, a megmaradók közül mindig kiválasztható  $n - 3$  úgy, hogy ne messék egymást a sokszög belsejében; viszont el lehet hagyni  $n - 2$  átlót úgy, hogy ez már ne legyen igaz.*

3. *Adottak a  $H_1, H_2, \dots, H_n$  halmazok. A  $H_k$  halmaz ( $k = 1, 2, \dots, n$ ) a valós számegegyenes  $k$  darab olyan intervallumból áll, amelyeknek páronként nincs közös pontja. Bizonyítsuk be, hogy a fenti  $H_k$  halmazokat alkotó intervallumok közül kiválasztható  $\lceil (n + 1)/2 \rceil$  olyan intervallum, amelyek mindegyike más-más  $H_k$  halmazhoz tartozik, és semelyik kettőnek nincs közös pontja. ( $\lceil x \rceil$  a legnagyobb egész szám, amelyik kisebb az  $x$ -nél vagy egyenlő vele.)*

A bizottság a dolgozatok áttanulmányozása után december elseji ülésén (nem tudott részt venni Csirmaz László és Pálmay Lóránt) egyhangúlag a következő jelentést fogadta el:

„A verseny mindenütt rendben zajlott le. A vidéki városokban 217-en indultak és 177-en adtak be dolgozatot. Budapesten 172 indulótól 147 dolgozat érkezett.

A feladatsor a korábbi évekenél könnyebbnek bizonyult. Ez kitűnik abból is, hogy a tavalyival közel egyenlő számú induló mellett a beadott dolgozatok száma növekedett, főleg Budapesten. A feladatok megoldása – jó alapötlet mellett – a kidolgozásban kívánt bizonyos körülményt és figyelmet.

Bár 10-en eljutottak mindegyik feladatnál egy-egy lényegében jó megoldásig, dolgozataik mégsem egyenlő értékűek, még ha nyilvánvaló elírásoktól, hasonló súlyú hiányosságoktól el is tekintünk. Mindhárom feladat megoldása csak *Burcsi Péter* és *Koblínger Egmont* dolgozatában tekinthető teljesnek. Ennek alapján

I. *Kürschák József-díjat* és 4000–4000 Ft jutalmat nyert

**Burcsi Péter**, a pápai Türr István Gimnázium III. osztályos tanulója, Németh Zsolt és Spissich László tanítványa és

**Koblínger Egmont**, a Fazekas Mihály Fővárosi Gyakorló Gimnázium IV. osztályos tanulója, Táborné Vincze Márta és Thiry Imréné tanítványa.

A továbbiak közül *Futó Gábor*, *Szádeczky-Kardoss Szabolcs*, és *Szobonya László* dolgozatának hiányossága, egyéb apró pontatlanságok mellett az, hogy a harmadik feladatnál figyelmen kívül hagyják a nyitott és zárt intervallumok együttes fellépéséből származó nehézségeket. Ennek alapján

II. *Kürschák József-díjat* és 3000–3000 Ft jutalmat nyert

**Futó Gábor**, aki a Fazekas Mihály Fővárosi Gyakorló Gimnáziumban tett érettségi vizsgát, Fazakas Tünde és Montágh Balázs tanítványa volt,

**Szádeczky-Kardoss Szabolcs**, a Fazekas Mihály Fővárosi Gyakorló Gimnázium IV. osztályos tanulója, Táborné Vincze Márta és Thiry Imréné tanítványa és

**Szobonya László**, a Fazekas Mihály Fővárosi Gyakorló Gimnázium III. osztályos tanulója, Surányi László, Belezny Ferenc és Dobos Sándor tanítványa.

Kívülük még *Hegedűs Gál*, *Madarassy Pál*, *Nagy Katalin*, *Németh Zoltán* és *Tarján Dénes* dolgozata kiemelkedő. Hegedűs egy kis számolási hibán kívül a 3. feladatra ügyes, de pontatlanul leírt megoldást ad. Madarassy, Németh és Tarján a 3. feladatban feltételezi, hogy van egyetlen intervallum, amelyiknek a „jobb” végpontja a többi intervallumét megelőzi. Nagy a 3. feladatban megengedhetőnek tartja – tévesen –, hogy az esetleges nyílt intervallumokhoz a végpontokat hozzávegyük. Ennek alapján

*dicséretet* és 2000–2000 Ft jutalmat nyert

**Hegedűs Gál** és

**Madarassy Pál**, akik a Fazekas Mihály Fővárosi Gyakorló Gimnáziumban tettek érettségi vizsgát, Thiry Imréné és Táborné Vincze Márta tanítványai voltak,

**Nagy Katalin**, a veszprémi Lovassy László Gimnázium IV. osztályos tanulója, Kovács Előd és Farkas István tanítványa,

**Németh Zoltán**, a Fazekas Mihály Fővárosi Gyakorló Gimnázium IV. osztályos tanulója, Táborné Vincze Márta és Thiry Imréné tanítványa és

**Tarján Dénes**, aki a budapesti Piarista Gimnáziumban tett érettségi vizsgát, Görbe László, Guba András, Montágh Balázs és Lobmayer Imre tanítványa volt.”