Ha a (2) sorozatban megadjuk a_1 értékét, és az természetes szám, a mondott tulajdonság alapján lépésről lépésre meghatározhatjuk a sorozat minden további tagját. Azt kell tehát megvizsgálnunk, hogyan kell megadni a_1-et, hogy a belőle kapott (2) sorozat (1) alatti részsorozatai számtani sorozatok legyenek. A képzési szabály szerint a (2) sorozatban a másodiktól kezdve minden tag páros, így a_1 is páros szám, különben az $a_1, a_2, \ldots, a_k, \ldots$ sorozat nem lehetne számtani sorozat. Megmutatjuk, hogy a_1 viszont tetszőleges páros szám lehet.

Ha a_1 utolsó jegye 0, akkor a (2) sorozat tagjai egyenlőek, és (1) alatt álló számtani sorozatok differenciája 0.

Ha a_1 utolsó jegye 2, 4, 6 vagy 8, akkor ezek valamelyike lesz a (2) alatti sorozat minden további tagjának is az utolsó jegye. Válasszuk ki a (2) sorozat tetszőleges tagját, és vizsgáljuk meg, mennyivel nagyobb nála a sorozatnak tőle 4 hellyel jobbra álló tagja. Ha a választott szám utolsó jegyei $2+2=4$, $4+4=8$, $8+8=.6$, tehát a növekedések értéke rendre 2, 4, 8 és 6, ami összesen 20. Ugyanezeket a növekményeket kapjuk, csak más sorrendben, ha a kiválasztott tag utolsó jegye 4, 8 vagy 6, tehát a (2) sorozatban a negyed–szomszédok különbsége mindig 20, ami épp azt jelenti, hogy az (1) alatti sorozatok számtani sorozatok.