

Belátjuk, hogy az egyenletnek semmilyen nemnegatív egész p, q, r számhármassal nem megoldása. Ennek érdekében nézzük meg, hogy az egyes hatványokat 15-tel osztva milyen maradékot kaphatunk.

a) 2^p -t 15-tel osztva rendre 1, 2, 4, 8 maradékot kapunk. Ugyanis a következő hatvány: 16, ismét 1 maradékot ad, az azt követő $1 \cdot 2 = 2$ -t, majd $2 \cdot 2 = 4$ -et, és így tovább, ciklikusan ezek a maradékok ismétlődnek.

b) 5^q maradéka 1, 5 vagy 10 lehet. Hiszen ha a korábbi maradék 5 volt, akkor a következő maradék $5 \cdot 5 = 25 = 15 + 10$ miatt 10 lesz, ha a maradék 10 volt, a következő maradék $10 \cdot 5 = 50 = 3 \cdot 15 + 5$ miatt 5 lesz. Így a maradékok felváltva 5, vagy 10, míg $5^0 = 1$ adja az 1 maradékot.

c) Végül 19^r maradéka 1 vagy 4 lehet $19 = 15 + 4$, illetve $4 \cdot 19 = 76 = 5 \cdot 15 + 1$ miatt.

Ezek szerint (1) bal oldala 15-tel osztva a következő maradékokat adhatja:

$1 + 1,$	$2 + 1,$	$4 + 1,$	$8 + 1;$
$1 + 5,$	$2 + 5,$	$4 + 5,$	$8 + 5;$
$1 + 10,$	$2 + 10,$	$4 + 10,$	$8 + 10;$

azaz a

2, 3, 5, 6, 7, 9, 11, 12, 13, 14

maradékokat. A jobb oldal viszont 15-tel osztva csak 1 vagy 4 maradékot adhat: így a két oldal egyenlő nem lehet.