

Tegyük fel az állítással ellentétben, hogy $8p + 1$ négyzetszám, ekkor nyilvánvalóan páratlan szám négyzete, tehát

$$(1) \quad 8p + 1 = (2n + 1)^2$$

alakban írható. Mivel $p > 3$, azért $n \geq 3$. Innen

$$8p = 4n^2 + 4n = 4n(n + 1),$$

$$p = \frac{n(n + 1)}{2}.$$

n és $n + 1$ közül az egyik páros, a fele egész, így p két természetes szám szorzata és $n \geq 3$ folytán mindegyik tényező nagyobb mint 1.

Ez ellentmond p prímszám voltának, tehát feltevésünk helytelen, $8p + 1$ nem négyzetszám.

A $p > 3$ feltétel szükséges volt, ugyanis $p = 3$ -ra $8 \cdot 3 + 1 = 5^2$.

Törő Ágnes (Miskolc, Földes F. Gimn., II. o. t.)