

A fonálinga  $T = 2\pi\sqrt{l/g}$  lengésidő-képlete csak közelítően érvényes kis amplitúdók esetében. A pontos értéket egy végtelen sor összege adja meg,  $\alpha_0$  szög-amplitúdó mellett:

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{l}{g}} \cdot \left[ 1 + \left(\frac{1}{2}\right)^2 \sin^2 \frac{\alpha_0}{2} + \left(\frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 4}\right)^2 \sin^4 \frac{\alpha_0}{2} + \dots \right].$$

Ugyanez érvényes a fizikai ingára is. A 645. feladatban  $36,8^\circ$ -os amplitúdó szerepel, ekkor az egyszerű képletből számított lengésidő 3 %-kal tér el a helyestől. Tehát nincs megokolva a feladat megoldásával kapcsolatban a 2. megjegyzésben említett 60 %-os hiba. Az eltérést nem a nagy amplitúdó, hanem a szögsebesség körüli félreértés okozza.

Ha az inga lengését rezgő mozgásnak tekintjük, akkor a szögben kifejezett kimozdulás  $\alpha = \alpha_0 \sin \Omega t$ . Itt  $\alpha_0$  a szög-amplitúdó és  $\Omega = 2\pi/T = \sqrt{g/l}$  az inga lengésidőjéből számított „szögsebesség”. Az inga tömegének tényleges szögsebessége a rezgő mozgás törvénye szerint  $\omega = \Omega \alpha_0 \cos \Omega t$ , maximális szögsebessége  $\omega_0 = \Omega \alpha_0$ . A 645. feladat fizikai ingájánál  $T = 3,17$  s,  $\Omega = 1,98$  s<sup>-1</sup>,  $\alpha_0 = \arcsin 0,6 = 36,8^\circ = 0,642$  radián és így  $\omega_0 = 1,98 \cdot 0,642 = 1,27$  s<sup>-1</sup>, ami 1 %-ra egyezik az energiával számított, helyes 1,26 s<sup>-1</sup> értékkel.

**Vermes Miklós**