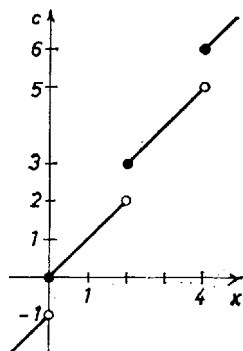


Grafikusan úgy kapjuk az adott egyenletek megoldását, hogy bal oldalukat ábrázoljuk és ezt metsszük a (jobb oldalt ábrázoló)  $y = c$  egyenessel.

A bal oldal  $[x/2]$  tagja ún. lépcsős függvény, 2 egységnyi szakaszonként állandó, a páros  $x$  értékeknél szakadása van, 1 egységet ugrik. Egyenleteink bal oldalának grafikonját úgy kapjuk tehát, hogy az  $y = x$  egyenest minden  $2k$  egész abszcissa értéknél megszakítjuk és a  $2k, 2k+2$  abszcisszák közti szakaszt – a bal végpontját hozzáértve, a jobb végpontját nem – eltoljuk  $k$  egységgel az  $y$  tengely irányában.



1. ábra

Így az  $a)$  egyenlet bal oldalának képén az  $x$  tengely balról zárt  $[2k, 2k+2)$  intervalluma fölötti szakasz pontjainak ordinátáira  $3k \leq x + \left[\frac{x}{2}\right] < 3k+2$ , a következő  $[2k+2, 2k+4)$  szakasz ordinátáira  $3k+3 \leq x + \left[\frac{x}{2}\right] < 3k+5$ , ezért a  $3k+2 \leq y < 3k+3$  értékek nem tartoznak bele az értékészletbe. Ha  $c$  ilyen érték, vagyis ha

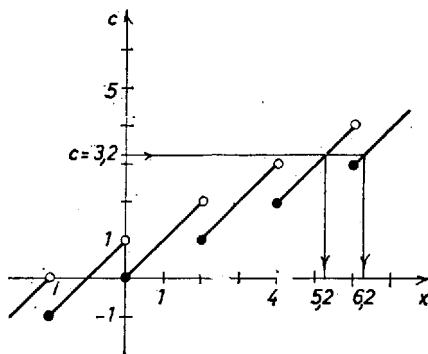
$$\left[ c - 3 \left[ \frac{c}{3} \right] \right] = 2,$$

akkor  $a)$ -nak nincs megoldása, különben 1 megoldása van. Éspedig ha  $3k \leq c < 3k+2$ , akkor – mivel a grafikonszakasz pontjainak abszcisszája  $k$ -val kisebb, az ordinátájuknál –, a metszéspontra

$$x = c - k = c - \left[ \frac{c}{3} \right].$$

(Érvényességi feltétele más alakban:

$$\left[ c - 3 \left[ \frac{c}{3} \right] \right] = 0, \quad \text{vagy} \quad 1.)$$



2. ábra

A  $b)$  egyenlet esetében hasonlóan

$$(1) \quad \text{ha } 2k \leq x < 2k+2, \quad \text{akkor } k \leq x - \left[ \frac{x}{2} \right] < k+2,$$

$$(2) \quad \text{és ha } 2k+2 \leq x < 2k+4, \quad \text{akkor } k+1 \leq x - \left[ \frac{x}{2} \right] < k+3,$$

vagyis a bal oldal a

$$(3) \quad k+1 \leq c < k+2$$

értékeket mindkét intervallumban felveszi. Eszerint minden valós értéket pontosan 2-szer vesz fel, az egyenletnek bármely  $c$  esetén két megoldása van. A grafikon és az  $y = c$  egyenes metszéspontjának abszcisszája az (1) intervallumban  $k$ -val, (2)-ben pedig  $k+1$ -gyel nagyobb, mint az ordinátája, továbbá (3) szerint  $k = [c] - 1$ , ezért a megoldás:

$$x_1 = c + [c] - 1, \quad \text{ill.} \quad x_2 = c + [c].$$