

Előrebocsátjuk, hogy csak olyan megoldásokat keresünk, amelyekben  $x, y, z$  pozitív hegyesszögek.

(1) helyes voltának igazolása:

$$\sin 15^\circ + \sin 45^\circ = 2 \sin \frac{15^\circ + 45^\circ}{2} \cos \frac{15^\circ - 45^\circ}{2} = \cos 15^\circ = \sin 75^\circ,$$

mutatja, hogy  $x + y = 60^\circ$  esetén, más szóval  $x = 30^\circ + u, y = 30^\circ - u$  esetén mindig fennáll

$$\sin x + \sin y = \cos \frac{x - y}{2} = \cos u = \sin(90^\circ - u),$$

ennélfogva  $u = 1^\circ, 2^\circ, \dots, 29^\circ$  mindegyike egy-egy kívánt alakú megoldást szolgáltat.

$u$  további egész értékei nem adnak új megoldást, ugyanis pl.  $u = 31^\circ$  esetén  $\sin 61^\circ + \sin(-1^\circ) = \sin 59^\circ$ , és ezt nem tekintjük a  $\sin 59^\circ + \sin 1^\circ = \sin 61^\circ$ -től különböző megoldásnak.  $u = 0^\circ$  esetén pedig  $z = 90^\circ$ .

Eszerint az  $x = 30^\circ + u, y = 30^\circ - u, z = 90^\circ - u$  alakú, nem triviális, lényegesen különböző megoldások száma 29.

A mondottak természetesen nem zárják ki más alakú megoldás létezését. A feladat viszont nem kívánta az összes megoldás előállítását.