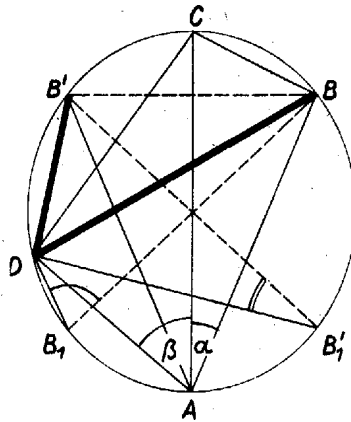


Legyen $\angle BAC = \alpha$, $\angle CAD = \beta$. Válasszuk a betűzést úgy, hogy $\alpha \leq \beta$ legyen. B és D az AC átmérő fölötti Thalész-kör pontjai, és a tükrözés miatt B' is a körön van. Legyen még a k -ban a B -vel és B' -vel átellenes pont B_1 , ill. B'_1 , így $BB_1 = B'B'_1 = AC = 1$, és a BDB_1 derékszögű háromszögben $\angle DB_1B = \angle DAB = \alpha + \beta$, vagy $\angle DCB = 180^\circ - (\alpha + \beta)$ aszerint, hogy B_1 a két BD ív közül az A -t vagy a C -t tartalmazó íven van, – amennyiben a négyszög konvex. Így mindenesetre $BD = \sin(\alpha + \beta)$. (Ha B_1 éppen a D -be esik, akkor $BD = 1$, átmérő.)



Továbbá a $B'B'_1D$ derékszögű háromszögben

$$\angle B'B'_1D = \angle B'AD = \angle DAC - \angle B'AC = \beta - \angle BAC = \beta - \alpha,$$

és így $B'D = \sin(\beta - \alpha)$, amennyiben pedig B és D egymás tükörképei, akkor $B' = D$ és $B'D = 0$.

Ha $ABCD$ hurkolt négyszög, vagyis AB, AD az AC átló ugyanazon oldalán vannak, akkor $\angle BAD = \beta - \alpha$, és hasonlóan $BD = \sin(\beta - \alpha)$ és $B'D = \sin(\alpha + \beta)$.

Élthes Eszter (Budapest, I. István g., III. o. t.)