

Nyilvánvalóan  $A > 1$ ; másrészt  $A < 3$ , különben a bal oldal legalább  $3^{30} = (3^5)^6 = 243^6$  lenne, így mindenesetre nagyobb lenne, mint  $100^6 = 10^{12}$ , holott a jobb oldal 8 jegyű, tehát kisebb  $10^8$ -nál. Eszerint  $A$  csak 2 lehet, és ekkor a jobb oldal utolsó számjegye is 2.

2 egymás utáni (pozitív egész kitevős) hatványainak utolsó számjegyében először  $2^5 = 32$ -ben tér vissza a 2, és ezért tovább minden  $1 + 4k$  alakú kitevő esetén ( $k$  egész), mert a hatványok utolsó számjegyét csak az előző hatvány és az alap utolsó jegye határozza meg. Így az  $AB$  kitevő csak 21, 25 vagy 29 lehet.

Mármost  $2^{21} = 8^7 < 10^7$ , tehát legfeljebb 7 jegyű, másrészt  $2^{29} > (2^7)^4 = 128^4 > (10^2)^4$ , tehát legalább 9 jegyű, így a kitevő csak 25 lehet,  $B$  csak 5 lehet.

Valóban,  $2^{25} = (2^{10})^2 \cdot 2^5 = 1024^2 \cdot 32 = 33\,554\,432$  megfelel a számjegyek ismétlődésének, így  $C = 3$ , és  $D = 4$ .

*Sátori Gabriella* (Szombathely, Kanizsai D. g. IV. o. t.)