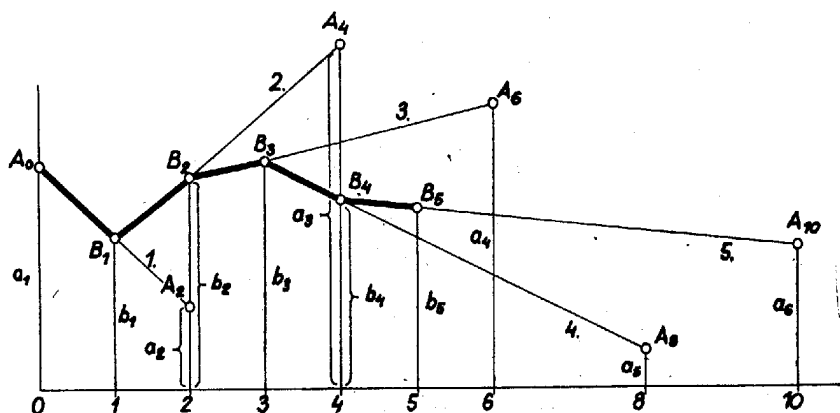


Az állítást teljes indukcióval bizonyítjuk: $n = 2$ esetén az állítás helyes, mert az $x = 1$ egyenes egyenlő távol halad az $x = 0$ és $x = 2$ egyenesektől, ezért B_1 felezi az A_0A_2 szakaszt, és ismeretes, hogy egy szakasz felezőpontjának ordinátája egyenlő a végpontok ordinátáinak számtani közepével.



Tegyük fel, hogy az állítás helyes, n helyére egy bizonyos $k (\geq 2)$ természetes számot írva, vagyis a B_{k-1} pont ordinátája

$$(1) \quad b_{k-1} = \frac{a_1 + a_2 + \dots + a_k}{k} = \frac{S_k}{k},$$

ahol S_k -val az első k adat összegét jelöltük. A $B_{k-1}(k-1, b_{k-1})$ és a $(k+1)$ -edik adatot ábrázoló $A_{2k}(2k, a_{k+1})$ pontokat összekötő egyenes egyenlete:

$$y = b_{k-1} + \frac{a_{k+1} - b_{k-1}}{2k - (k-1)} \cdot (x - k + 1),$$

ebből az $x = k$ abszcisszán levő B_k pont ordinátája

$$b_k = b_{k-1} + \frac{a_{k+1} - b_{k-1}}{k+1} = \frac{kb_{k-1} + a_{k+1}}{k+1}.$$

Ez (1) figyelembevételével így alakítható:

$$b_k = \frac{S_k + a_{k+1}}{k+1} = \frac{a_1 + a_2 + \dots + a_k + a_{k+1}}{k+1},$$

vagyis csakugyan egyenlő a figyelembe vett adatok számtani közepével. Eszerint az állítás igaz volta minden egyes esetből öröklődik arra az esetre, ha az adatok száma 1-gyel nagyobb. Ezzel az állítást bebizonyítottuk.

Králík Ferenc (Budapest, Piarista g. III. o. t.)