

(1)-nek szögletes zárójelbeli része

$$\begin{aligned} 1 + \left(\frac{\sin x}{\cos x} - \frac{\cos x}{\sin x} \right) \cdot 2 \sin x \cos x &= 1 + 2 \sin^2 x - 2 \cos^2 x = \\ &= 3 \sin^2 x - \cos^2 x = 3 - 4 \cos^2 x. \end{aligned}$$

Másrészt

$$\begin{aligned} \cos 3x &= \cos(2x + x) = \cos 2x \cos x - \sin 2x \sin x = \\ &= (2 \cos^2 x - 1) \cos x - 2 \sin^2 x \cos x = \\ &= \cos x(2 \cos^2 x - 1 - 2 + 2 \cos^2 x) = \cos x(4 \cos^2 x - 3). \end{aligned}$$

Így nyilvánvaló, hogy $T_1 = 0$, értelmezési tartományának minden helyén, vagyis ha $x \neq k\pi/2$, ahol k egész szám.

(2)-ben felhasználjuk, hogy $\sin x = \operatorname{tg} x \cos x$ és $\cos x = \operatorname{cotg} x \sin x$ (ahol csak $\operatorname{tg} x$ és $\operatorname{cotg} x$ mindegyike értelmezve van). Kiemeléssel és további alakítással

$$T_2 = \frac{\operatorname{tg}^2 x}{\operatorname{cotg}^2 x} \cdot \frac{1 - \cos^2 x}{1 - \sin^2 x} = \frac{\operatorname{tg}^2 x}{(1/\operatorname{tg} x)^2} \cdot \frac{\sin^2 x}{\cos^2 x} = \operatorname{tg}^6 x.$$

Csirmaz László (Budapest, I. István g. I. o. t.)