A kifejezés első tényezőjét, T_1-et egy háromtagú kifejezés négyzetének tagokra bontásakor keletkező négyzetes tagoknak tekinthetjük. Így a feltevés felhasználásával

$$\begin{aligned}T_1 &= (xy+xz+yz)^2 - 2x^2yz - 2xy^2z - 2xyz^2 = \\ &= (xy+xz+yz)^2 - 2xyz(x+y+z) = (xy+xz+yz)^2.\end{aligned}$$

A T_2 második tényezőből xyz-t kiemelve hasonló felismeréssel és átalakítással

$$\begin{aligned}T_2 &= xyz(x^2+y^2+z^2) = xyz\big[(x+y+z)^2 - 2(xy+yz+zx)\big] = \\ &= -2xyz(xy+yz+zx).\end{aligned}$$

A T_3 harmadik tényezőnek és a belőle kiemelhető xyz szorzatnak a hányadosát a feltevés ismételt alkalmazásával így alakíthatjuk:

$$\begin{gathered}x^2(y+z) + y^2(x+z) + z^2(x+y) = x^2(-x) + y^2(-y) + z^2(-z) = \\ = -(x^3+y^3+z^3) = -\big\{\big[(x+y)+z\big]^3 - 3xy(x+y) - 3(x+y)^2z - 3(x+y)z^2\big\} = \\ = -\big\{-3xy(-z) - 3(-z)^2z - 3(-z)z^2\big\} = -3xyz.\end{gathered}$$

(A köbök összegét úgy írtuk fel, mint az összeg köbéből és a hiányzó vegyes szorzatok összegéből képezett különbséget, majd $x+y$ helyére mindenütt $-z$-t írtunk.) Így

$$T_3 = -3\,x^2y^2z^2 \qquad \text{és}$$

$$K = T_1 \cdot T_2 \cdot T_3 = 6x^3y^3z^3(xy+yz+zx)^3 = \left[\sqrt[3]{6}xyz(xy+yz+zx)\right]^3.$$

Gellért János (Budapest, Radnóti M. gyak. g. II. o. t.)