

Legyen a középső szám n . Két-két tényezőt összeszorozva, másrészt az \overline{ABABAB} számot szorzattá alakítva a követelmény így írható

$$(1) \quad (n-2)(n-1)n(n+1)(n+2) = 120 \cdot \overline{ABABAB},$$

$$(1a) \quad (n^2-4)(n^2-1)n = 120 \cdot \overline{AB} \cdot 10101 =$$

$$= 2^3 \cdot 3^2 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 13 \cdot 37 \cdot \overline{AB}.$$

Felső korlátot kaphatunk n -re, ha a bal oldal második tényezője helyett is az első tényezőt, a harmadik tényező helyett pedig az első négyzetgyökét írva ezt az oldalt csökkentjük; viszont a hatjegyű szám helyett (1)-ben 10^6 -t írva a jobb oldalt növeljük, így

$$(n^2-4)^{5/2} < 120 \cdot 10^6 = 1200 \cdot 10^5 < (5 \cdot 10)^5,$$

mert $5^5 > 1200$. Mindkét oldalt $2/5$ kitevőjű hatványra emelve

$$n^2 - 4 < 2500, \quad n \leq 50, \quad n + 2 \leq 52.$$

(1a) szerint a bal oldal osztható 37-tel, ezért az öt szám egyike maga a 37, mert már $2 \cdot 37 > n + 2$. Így számaink legkisebbike nem kisebb 33-nál, legnagyobbika nem nagyobb 41-nél.

A bal oldal 7-tel és 13-mal is osztható, ezek prímszámok, tehát az öt szám valamelyike osztható velük. A kapott határok között 7 egyetlen többszöröse 35, 13 egyetlen többese 39, így az öt szám csak 35, 36, 37, 38, 39 lehet, ennél fogva (1a)-ból

$$\overline{AB} = 3 \cdot 38/2 = 57, \quad A = 5, \quad B = 7.$$

Valóban $35 \cdot 36 \cdot 37 \cdot 38 \cdot 39/120 = 575\,757$.

Kis István (Pécs, Zipernovszky K. Gépip. t. III. o. t.)