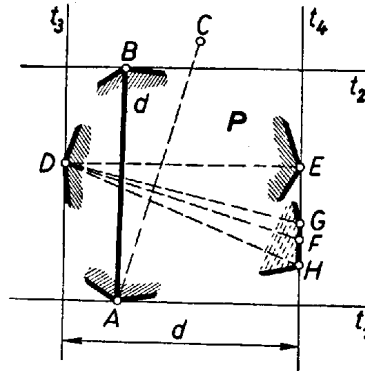


Tekintsük a  $d$  leghosszabb átló  $A$  és  $B$  végpontjaiban  $d$ -re állított  $t_1, t_2$  merőlegeseket. Ezek a  $\mathbf{P}$  poligon egy  $d$  szélességű támaszsávját adják, mert e sávon kívül nem lehet  $\mathbf{P}$ -nek pontja (pl.  $t_2$ -nek a  $t_1$ -gyel ellentétes oldalán), hiszen akkor ott egy  $C$  csúcsa is volna, és így az  $AC$  átló hosszabb lenne  $AB = d$ -nél.



Tekintsük most  $\mathbf{P}$ -nek a  $t_1$ -re merőleges  $t_3, t_4$  támaszegyeneseit. Ezek távolsága ugyancsak  $d$ , mert  $\mathbf{P}$  négyzetekkel burkolható, minden támasztéglalapja négyzet.  $\mathbf{P}$ -nek van pontja  $t_3$ -on legyen egy ilyen pont  $D$  és legyen ennek merőleges vetülete  $t_4$ -en  $E$ . Állítjuk, hogy  $E$  csúcspontja  $\mathbf{P}$ -nek, és így  $DE$  olyan átló, amilyennek a létezését bizonyítani feladatunk. Valóban,  $t_4$ -en van pontja  $\mathbf{P}$ -nek, mert  $t_4$  támaszegyenes, legyen egy ilyen:  $F$ . Ez határpontja  $\mathbf{P}$ -nek, mert egy idom támaszegyenesén nem feket az idomnak belső pontja. Eszerint  $F$  vagy csúcsa  $\mathbf{P}$ -nek, vagy belső pontja  $\mathbf{P}$  egy  $GH$  oldalának. Az utóbbi eset lehetetlen, mert akkor  $G$  és  $H$  is  $t_4$ -en van, és így  $DG$  és  $DH$  közül legalább az egyik nagyobb  $d$ -nél. Ugyanezért  $F$   $\mathbf{P}$ -nek csúcsa is csak úgy lehet, ha azonos  $E$ -vel.

Ezzel az állításnál többet is bizonyítottunk:  $t_4$ -en (és ugyanígy  $t_3, t_1, t_2$ -n is)  $\mathbf{P}$ -nek pontosan egy pontja van és ezért a  $d$ -re merőleges,  $d$  hosszúságú átlója pontosan egy van, nincs  $\mathbf{P}$ -nek a  $d$ -átlókra merőleges oldala.

*Fejes László (Makó, József A. g. III. o. t.)*