

Tekintsük az  $u, v$  oldalú háromszöget a gúla alapjának, melynek területét jelöljük  $t$ -vel. Erre az alapra merőleges gúlamagasság legyen  $m$ . A gúla köbtartalma  $K = \frac{1}{3}t \cdot m$ . A  $K$  akkor maximális, ha  $t$  és  $m$  külön-külön maximális.

Ismeretes, hogy egy adott pontnak egy egyenes, ill. sík bármely pontjától mért távolsága nagyobb, mint a pontból az egyenesre, ill. síkra bocsátott merőleges talppontjától mért távolsága.

$2t = um_u$ , ahol  $m_u$  az alapháromszögben az  $u$  oldalhoz tartozó magasság. Ez utóbbi azonban, az idézett tétel alapján, mindig kisebb a  $v$  oldalnál, kivéve azt az esetet, amikor  $v \perp u$ , vagyis  $m_u \equiv v$ . Tehát  $t$  maximális, ha  $u \perp v$ .

Az idézett tétel értelmében a gúla magassága  $m \leq w$ . Az egyenlőség jele csak akkor áll fenn, ha  $m \equiv w$ , vagyis  $w$  merőleges az  $[uv]$  síkra, azaz  $w \perp u$ , és  $w \perp v$ .

*Gergely Ervin* (Bp. IV., Könyves Kálmán g. IV. o. t.)