

Felhasználva a  $\operatorname{ctg}\alpha = \frac{\cos\alpha}{\sin\alpha}$  összefüggést, egyenletünk így írható:

$$\frac{\cos\alpha}{\sin^2\alpha} = 2\sqrt{3},$$

ahol fel kell tételezni, hogy  $\sin\alpha \neq 0$ .

$\sin^2\alpha$  helyébe  $(1 - \cos^2\alpha)$ -t írva, nyerjük, hogy

$$2\sqrt{3}\cos^2\alpha + \cos\alpha - 2\sqrt{3} = 0,$$

ahonnan

$$\cos\alpha = \frac{-1 \pm \sqrt{1+48}}{4\sqrt{3}} = \frac{-1 \pm 7}{4\sqrt{3}},$$

vagyis  $\left( \text{mivel a } \cos\alpha = -\frac{2}{\sqrt{3}} \text{ gyök nem használható, mert } |\cos\alpha| < 1 \right)$

$$\cos\alpha = \frac{6}{4\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{2}.$$

Ebből

$$\alpha_1 = 30^\circ \pm k \cdot 360^\circ, \quad \alpha_2 = 330^\circ \pm k \cdot 360^\circ, \quad \text{ahol } k = 0, 1, 2, \dots$$

*Tatai Péter* (Bp. XIV., I. István g. II. o. t.)