

I. megoldás: A galambok száma 7-tel osztható, tehát $7x$ alakú, másrészt 2, 3, 4, 5, 6 valamely közös többszörösénél 1-gyel kisebb. 2, 3, 4, 5, 6-nak legkisebb közös többszöse 60, tehát a keresett szám másrészt $60y - 1$ alakú.

Tehát

$$\begin{aligned}7x &= 60y - 1, \\x &= \frac{60y - 1}{7} = 8y + \frac{4y - 1}{7} = 8y + t, \\y &= \frac{7t + 1}{4} = \frac{8t - (t - 1)}{4} = 2t - \frac{t - 1}{4} = 2t - u, \\t &= 4u + 1.\end{aligned}$$

Visszahelyettesítve

$$\begin{aligned}y &= 8u + 2 - u = 7u + 2, \\x &= 56u + 16 + 4u + 1 = 60u + 17, \\7x &= 420u + 119.\end{aligned}$$

De a feladat szerint

$$300 < 420u + 119 < 900,$$

vagyis

$$\frac{181}{420} < u < \frac{781}{420}$$

amiből $u = 1$, és így a galambok száma

$$420u + 119 = 420 + 119 = 539.$$

Szabados József (Bp. III. Árpád g. II. o. t.)

II. megoldás: A feladat szerint a galambok száma 7-tel osztható, továbbá a 2, 3, 4, 5, 6 valamely közös többszörösénél 1-gyel kisebb. 2, 3, 4, 5, 6 legkisebb közös többszöse 60. Az ezt megelőző $60 - 1 = 59$ nem osztható 7-tel; $2 \cdot 60 - 1 = 120 - 1 = 119$ osztható 7-tel, de még kisebb 300-nál. A legközelebbi, a feltételeknek megfelelő szám $119 + 7 \cdot 60 = 119 + 420 = 539$ már megfelel összes feltételeinknek. Mivel már $119 + 2 \cdot 420 > 900$, azért 539 az egyetlen megoldás.

Réti Sándor (Esztergom, Rákóczi katonai középisk. II. o. t.)