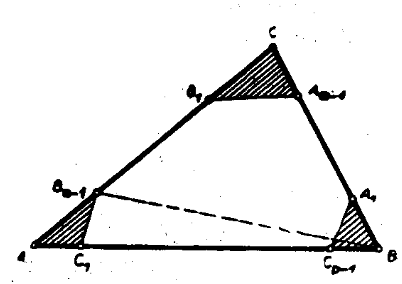
I. megoldás: A betűzést az ábra mutatja.



Ha az $ABC\triangle$-ből lemetszett $AB_{n-1}C_1\triangle$, $BC_{p-1}A_1\triangle$, és $CA_{m-1}B_1\triangle$ (az ábrában sraffozott) háromszögek területeit rendre t_A, t_B ill. t_C-vel jelöljük, akkor

$$t_A=\frac{1}{2}\cdot\frac{b}{n}\cdot\frac{c}{p}\sin\alpha,\quad t_B=\frac{1}{2}\cdot\frac{a}{m}\cdot\frac{c}{p}\sin\beta,\quad \text{és}\quad t_C=\frac{1}{2}\cdot\frac{a}{m}\cdot\frac{b}{n}\sin\gamma.$$

Tehát

$$t=T-(t_A+t_B+t_C)=T-\left(\frac{bc\sin\alpha}{2\,np}+\frac{ac\sin\beta}{2\,mp}+\frac{ab\sin\gamma}{2\,mn}\right).$$

De

$$T=\frac{bc\,\sin\alpha}{2}=\frac{ac\,\sin\beta}{2}=\frac{ab\,\sin\gamma}{2},$$

és így

$$t=T-\left(\frac{T}{np}+\frac{T}{mp}+\frac{T}{mn}\right)=T\left(1-\frac{m+n+p}{mnp}\right).$$

Péntek László (Kunszentmiklós, Damjanich g. IV. o. t.)

II. megoldás: Az $ABB_{n-1}\triangle$ területe $\frac{T}{n}$, mert az AB oldala közös az $ABC\triangle$ AB oldalával, az ezen közös oldalhoz tartozó magasság pedig $ABC\triangle$ magasságának az n-ed része. Hasonló meggondolással az AC_1B_{n-1} területe az $ABB_{n-1}\triangle$ területének p-edrésze. Tehát $t_A=\frac{T}{np}$. Teljesen ugyanígy látható be, hogy $t_B=\frac{T}{mp}$, és $t_C=\frac{T}{mn}=$ stb., mint az I. megoldásban.

Forgó Gábor és Imre (Bp. V., Eötvös g. II. o. t.)

Megjegyzés: Miután az $m>2$, $n>2$, $p>2$ feltételeket sehol sem használtuk fel, azért a megmaradt idom területére nyert képlet $m\geq 2$, $n\geq 2$, $p\geq 2$ esetekben is érvényes, csakhogy ez esetben a megmaradt idom hatszög, ötszög, négyszög vagy háromszög aszerint, amint az egyenlőségi jel 0, 1, 2, ill. 3 esetben érvényes.