

Felhasználva a $\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$, $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$ és $\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \operatorname{tg} \alpha$ azonosságokat (és feltételezve hogy $\alpha \neq k\frac{\pi}{4}$, ahol $k = 0, 1, 2, \dots$) egyenlőségünk bármely oldala könnyen átalakítható az ellenkező oldalá.

Pl. kiindulva a jobboldalból

$$\frac{1 + \cos 2\alpha}{\cos 2\alpha} = \frac{1 + \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha}{\cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha} = \frac{2 \cos^2 \alpha}{\cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha} = \frac{2}{1 - \frac{\sin^2 \alpha}{\cos^2 \alpha}} = \frac{2}{2 - \operatorname{tg}^2 \alpha}.$$

Felhasználhatjuk a $\operatorname{tg}^2 \alpha = \frac{1 - \cos 2\alpha}{1 + \cos 2\alpha}$ képletet is. Pl. kiindulva a baloldalból

$$\begin{aligned} \frac{2}{1 - \operatorname{tg}^2 \alpha} &= \frac{2}{1 - \frac{1 - \cos 2\alpha}{1 + \cos 2\alpha}} = \frac{2(1 + \cos 2\alpha)}{1 + \cos 2\alpha - (1 - \cos 2\alpha)} = \frac{2(1 + \cos 2\alpha)}{2 \cos 2\alpha} = \\ &= \frac{1 + \cos 2\alpha}{\cos 2\alpha} \end{aligned}$$

Dancs István (Pannonhalma, Bencés g. IV. o. t.)