

a) összegünk így is írható:

$$\begin{aligned}\sqrt[3]{\frac{1000}{27}} - (-6)^2 + \left(\sqrt[4]{256}\right)^3 + 1 + (-2)^5 - \frac{1}{3} &= \\ &= \frac{10}{3} - 36 + 64 + 1 - 32 - \frac{1}{3} = 0.\end{aligned}$$

b) Jelöljük az első tényezőt A -val, a másodikat B -vel, akkor

$$\begin{aligned}A &= \frac{\left(a^{\frac{1}{2}}\right)^3 - \left(b^{\frac{1}{2}}\right)^3}{a^{\frac{1}{2}} - b^{\frac{1}{2}}} - \sqrt{ab} = \left(a^{\frac{1}{2}}\right)^2 + a^{\frac{1}{2}}b^{\frac{1}{2}} + \left(b^{\frac{1}{2}}\right)^2 - a^{\frac{1}{2}}b^{\frac{1}{2}} = a + b, \\ B &= \frac{\sqrt{10}(a+b)^{-1}}{\left(10^{\frac{3}{2}}\right)^{\frac{1}{3}}} = \frac{10^{\frac{1}{2}}}{10^{\frac{1}{2}}(a+b)} = \frac{1}{a+b}\end{aligned}$$

és így

$$A \cdot B = (a+b) \frac{1}{a+b} = 1.$$

c) Jelöljük a 3 tényezőt rendre A , B , C -vel,

$$\begin{aligned}A &= \left[1 - x^2(1+x^2)^{-1}\right]^{-1} = \left(1 - \frac{x^2}{1+x^2}\right)^{-1} = \left(\frac{1}{1+x^2}\right)^{-1} = 1+x^2, \\ B &= \frac{1}{1+x^2}\end{aligned}$$

és feltéve, hogy $x \neq 0$, vagyis $x^0 = 1$,

$$C = \sqrt{1+x^2} - \frac{1}{\sqrt{1+x^2}} = \frac{1+x^2-x^2}{\sqrt{1+x^2}} = \frac{1}{\sqrt{1+x^2}}.$$

Tehát $A \cdot B \cdot C = \frac{1}{\sqrt{1+x^2}}$ feltéve, hogy $x \neq 0$.

Gyapjas Ferenc (Bp. VIII., Széchenyi g. IV. o. t.)