

Jelöljük a kör sugarát r -rel, az első sokszög oldalaihoz tartozó középponti szögeket $2\alpha_1, 2\alpha_2, \dots, 2\alpha_k$ -val, a másodikhoz tartozókat $2\beta_1, 2\beta_2, 2\beta_l$ -lel. A könnyebb írás kedvéért vezessük be a $\beta_{l+1} = \dots = \beta_k = 0$ jelölést. Mivel

$$\sin \alpha_i = \frac{a_i}{r} \quad (i = 1, 2, \dots, k),$$

és

$$\sin \beta_j = \frac{b_j}{r} \quad (j = 1, 2, \dots, l),$$

így a feltételekből következik, hogy

$\alpha_1 + \alpha_2 + \dots + \alpha_i < \beta_1 + \beta_2 + \dots + \beta_i$, ha $i = 1, 2, \dots, k-1$ de

$$\alpha_1 + \alpha_2 + \dots + \alpha_k = \beta_1 + \beta_2 + \dots + \beta_k (= 2\pi).$$

A két sokszög kerülete

$K_1 = 2r(\sin \alpha_1 + \sin \alpha_2 + \dots + \sin \alpha_k)$, $K_2 = 2r(\sin \beta_1 + \sin \beta_2 + \dots + \sin \beta_l) = 2r(\sin \beta_1 + \sin \beta_2 + \dots + \sin \beta_k)$, területük pedig

$$T_1 = \frac{r^2}{2}(\sin 2\alpha_1 + \sin 2\alpha_2 + \dots + \sin 2\alpha_k),$$

$$T_2 = \frac{r^2}{2}(\sin 2\beta_1 + \sin 2\beta_2 + \dots + \sin 2\beta_l) = \frac{r^2}{2}(\sin 2\beta_1 + \sin 2\beta_2 + \dots + \sin 2\beta_k).$$

Mivel $\sin x$ a $(0, \pi)$ intervallumban alulról konkáv (és a kérdéses szögek mind kisebbek $\frac{\pi}{2}$ -nél,) így a 387. feladatban bizonyított egyenlőtlenség megfelelőjét alkalmazva kapjuk, hogy

$$\sin \alpha_1 + \sin \alpha_2 + \dots + \sin \alpha_k > \sin \beta_1 + \sin \beta_2 + \dots + \sin \beta_k$$

és

$$\sin 2\alpha_1 + \sin 2\alpha_2 + \dots + \sin 2\alpha_k > \sin 2\beta_1 + \sin 2\beta_2 + \dots + \sin 2\beta_k,$$

azaz az első sokszög kerülete is, területe is nagyobb, mint a másodiké.