

Képezzük a_n és b_n különbségét.

$$\begin{aligned} b_n - a_n &= \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{n+1} - \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n = \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n \left[\left(1 + \frac{1}{n}\right) - 1\right] = \\ &= \frac{1}{n} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n < \frac{1}{n} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{n+1} = \frac{1}{n} b_n < \frac{1}{n} b_1 = \frac{b_1}{n} = \frac{2}{n}. \end{aligned}$$

Ez azt jelenti, hogy egyetlen egy olyan szám van, mely minden a_n -nél nagyobb, de minden b_n nél kisebb. Ezt a számot szokták e -vel jelölni (Euler-féle szám). Az e^x függvénynek és az e alapú logaritmusnak fontos szerepe van a felsőbb matematikában.