

Legyen a k -val osztható szám nk , szomszédai $nk - 1$ és $nk + 1$. Ha $(nk + 1)$ -et az m -edik hatványra emeljük, tulajdonképpen $(nk + 1)$ -et m -szer vesszük tényezőül. Ha végiggondoljuk, hogy miből tevődik össze két többtagúnak egy harmadik többtagúval való szorzata, majd egy 4-ik, 5-ik és végül egy m -edikkel való szorzata; beláthatjuk, hogy m darab többtagú kifejezés szorzatát úgy kapjuk, hogy az m -számú többtagú mindegyikéből kiválasztunk egy-egy tagot minden lehetséges módon, ezeket összeszorozzuk és az összes szorzatok algebrai összegét képezzük. Ha egy szorzatnak minden egyes tényezője $(nk + 1)$, akkor a tagok között csak egyetlenegy k -val nem osztható tag lesz, tudniillik az, amelyet csupa 1-es összeszorzásából nyertünk. Tehát

$$(nk + 1)^m = ak + 1$$

alakú, ahol a valamilyen egész szám. Ennek bal szomszédja (megelőzője) ak valóban osztható k -val.

Ha pedig $(nk - 1)^m$ kifejezést fejtjük ki, akkor az előbbihez hasonló megfontolás alapján $(nk - 1)^m = ak + 1$, ha m páros, $(nk - 1)^m = ak - 1$, ha m páratlan. Ebből nyilvánvaló, hogy $(nk - 1)^m$ -nek is mindig van ak alakú szomszédja.