

A kijelölt beszorzások elvégzése, összevonás és egy negatív előjel kiemelése után a következő alakot kapjuk:

$$-(a^4 - 2a^2b^2 + b^4 - 2a^2c^2 - 2b^2c^2 + c^4).$$

Ez az $(a^2 - b^2 - c^2)$ kifejezés négyzetétől csak a $2b^2c^2$ tag előjelében különbözik, az első negatív előjeltől eltekintve. Adjunk hozzá a kifejezéshez $4b^2c^2$ -et, hogy a kérdéses előjel megváltozzék, de vonjuk is le belőle, ekkor a kifejezésünket két négyzet különbségként írhatjuk fel:

$$\begin{aligned} & -(a^4 - 2a^2b^2 + b^4 - 2a^2c^2 - 2b^2c^2 + c^4) = \\ & = -[(a^4 - 2a^2b^2 + b^4 - 2a^2c^2 + 2b^2c^2 + c^4) - 4b^2c^2] = \\ & = -[(a^2 - b^2 - c^2)^2 - (2bc)^2] = (2bc)^2 - (a^2 - b^2 - c^2)^2 \end{aligned}$$

Felbontva az alapok összegének és különbségének szorzatára:

$$(2bc + a^2 - b^2 - c^2) \cdot (2bc - a^2 + b^2 + c^2)$$

Itt mindkét tényező ismét két négyzet különbségként írható fel, melyeket újból felbontva az eredeti kifejezést, négy elsőfokú összeg szorzataként kapjuk meg.

$$\begin{aligned} & [a^2 - (b^2 - 2bc + c^2)] \cdot [(b^2 + 2bc + c^2) - a^2] = [a^2 - (b - c)^2] \cdot [(b + c)^2 - a^2] = \\ & = \{[a + (b - c)] \cdot [a - (b - c)]\} \cdot \{[(b + c) + a] \cdot [(b + c) - a]\} = \\ & = (a + b + c) \cdot (-a + b + c) \cdot (a - b + c) \cdot (a + b - c). \end{aligned}$$