

a) Azokon a P helyeken lesz mindkét gyár versenyképes, melyekre mindkét gyárból egyenlő a szállítási költség, vagyis melyekre $c_1AP = c_2BP$, tehát $\frac{AP}{BP} = \frac{c_2}{c_1}$ állandó. Az ilyen helyek egy körön fekszenek, az A és B pontokhoz és az adott arányhoz tartozó Apollonius-körön.

b) Legyen a két előállítási költség egységenként k_1 ill. k_2 ($k_1 < k_2$); a szállítási költség c . Azokon a P helyeken lesz mindkét gyár versenyképes, amelyek annyival vannak közelebb a költségesebben termelő gyárhoz, hogy a szállítási költségben beálló különbség megegyezik az előállítási költségkülönbséggel, tehát ahol $c(AP - BP) = k_2 - k_1$. Ha $cAB < k_2 - k_1$ akkor ilyen hely nincs is. A drágábban termelő gyár sehol sem versenyképes. Ellenkező esetben ezek a pontok egy hiperbola egyik ágán sorakoznak.

c) Azokon a helyeken versenyképes mindkét gyár, amelyek mindkettőtől egyenlő távol vannak, vagyis melyek az AB távolság felező merőlegesére esnek.

A talált vonalak mindhárom esetben azokat a vonalakat adják meg, melyek az egyik, illetve a másik gyár természetes vevőterületét elválasztják.