

Az állítást a második formájában igazoljuk:

$$\binom{m}{n} = \frac{m!}{n!(m-n)!}$$

Nyilván a nevező minden prímtényezője a számlálónak is ($m > n$) prímtényezője, elég tehát azt bizonyítanunk, hogy egy akármilyen p prímszám a számlálóban magasabb vagy egyenlő kitevővel szerepel, mint a nevezőben. A számlálóban p kitevője:

$$\nu = \left[\frac{m}{p} \right] + \left[\frac{m}{p^2} \right] + \left[\frac{m}{p^3} \right] + \dots$$

a nevezőben p kitevője:

$$\mu = \left(\left[\frac{n}{p} \right] + \left[\frac{m-n}{p} \right] \right) + \left(\left[\frac{n}{p^2} \right] + \left[\frac{m-n}{p^2} \right] \right) + \left(\left[\frac{n}{p^3} \right] + \left[\frac{m-n}{p^3} \right] \right) + \dots$$

De az előző feladat szerint $[a + b] \geq [a] + [b]$. Ezt alkalmazva (ha $a = \frac{n}{p^k}$, $b = \frac{m-n}{p^k}$, $k = 1, 2, \dots$) kapjuk, hogy $\nu \geq \mu$, amit bizonyítani akartunk.