

I. Megoldás: Legyenek a háromszög szögei $\alpha \leq \beta \leq \gamma$.

Ekkor: $1^\circ \leq \alpha \leq 60^\circ$; $\alpha \leq \beta \leq \left\lceil \frac{180^\circ - \alpha}{2} \right\rceil$; α -t és β -t ismerve, $\gamma = 180^\circ - \alpha - \beta$ már egyértelműen meg van határozva. Az egy α -hoz választható β -k száma $\left\lceil \frac{180^\circ - \alpha}{2} \right\rceil - \alpha + 1$ s így a keresett háromszögek száma $N = \sum_{\alpha=1}^{60} \left(\left\lceil \frac{180^\circ - \alpha}{2} \right\rceil - \alpha + 1 \right)$. Kettéválasztva a páratlan és páros α -khoz tartozó tagokat ($\alpha = 2k - 1$, ill. $\alpha = 2k$ -t írva):

$$\begin{aligned} N &= \sum_{k=1}^{30} \left\{ \left\lceil \frac{180 - (2k - 1)}{2} \right\rceil - (2k - 1) + 1 \right\} + \\ &\quad + \sum_{k=1}^{30} \left(\left\lceil \frac{180 - 2k}{2} \right\rceil - 2k + 1 \right) = \\ &= \sum_{k=1}^{30} \{ ([90 - k] - 2k + 2) + ([90 - k] - k + 1) \} = \\ &= \sum_{k=1}^{30} (183 - 6k) = 177 + 171 + 165 + \dots + 9 \mp 3 = \frac{30 \cdot 180}{2} = 2700. \end{aligned}$$

Gehér László (Zalaegerszegi gimn. VII. o.)

II. Megoldás: Csak két szög változásait kell figyelembe vennünk, mert a harmadik ezekkel meg van határozva. A három szög összegének 180° -nak kell lennie. Ha $\alpha (\leq 178^\circ)$ -ot megadjuk, β 1-től $179^\circ - \alpha$ -ig minden értéket felvehet. Tehát ha az összes lehetőséget vesszük, 1-től 178-ig az egész számok összegét kapjuk. Ezek összege 15931. Ebben azonban minden olyan háromszöget hatszor kaptunk meg, melynek szögei különbözőek, mert α értékeiben előfordul a háromszög mindhárom szöge és minden esetben a másik két szög mindegyike előfordul β értékeiben. Az egyenlőszárú háromszögek csak háromszor fordulnak elő, pl. a 26° , 77° , 77° -os háromszög, ha $\alpha = 26^\circ$, továbbá, ha $\beta = 26^\circ$ ($\alpha = 77^\circ$), végül, ha $\gamma = 26^\circ$ ($\alpha = \beta = 77^\circ$). Az egyenlőoldalú háromszög csak egyetlen egyszer szerepel. Egyenlőszárú háromszög 89 van, és ezek közül az egyenlőoldalút külön kell számítanunk. Hogy ezek is hatszor szerepeljenek a többi háromszög között, $3 \cdot 88$ -at adunk hozzá a nyert számhoz s hogy 6-szor számítsuk az egyenlőoldalú háromszöget, még 5-öt. Így $15931 + 3 \cdot 88 + 5 = 6 \cdot 2700$, tehát $N = 2700$.

Eisler Ottó (Bp.-i Cisztercita gimn. V. o.)