

A belülről, illetve az  $a$  oldal felől kívülről érintő körök középpontjait jelöljük  $O$ , illetve  $O_1$ -gyel, sugaraikat  $r$ , illetve  $r_1$ -gyel.  $O$ -t, illetve  $O_1$ -et összekötve  $A$ ,  $B$ ,  $C$ -vel a keletkező háromszögek területeire áll:

$$t_{ABC} = t_{AOB} + t_{BOC} + t_{COA} = t_{AO_1B} - t_{BO_1C} + t_{CO_1A}$$

Az  $O$ , illetve  $O_1$  csúcsú háromszögek  $a$ ,  $b$ ,  $c$  oldalaira bocsátott magassága mind  $r$ -rel, mind  $r_1$ -gyel egyenlő, így

$$t_{ABC} = r \cdot \frac{a+b+c}{2} = r_1 \cdot \frac{b+c-a}{2},$$

tehát:

$$r = \frac{2t}{a+b+c} \text{ és } r_1 = \frac{2t}{b+c-a} \text{ racionálisak.}$$

Legyen a háromszög köré írt kör középpontja  $K$ , sugara  $R$ . Ha pl.  $\alpha$  hegyesszög, a  $BC = a$  húrhoz tartozó középponti szög  $2\alpha$ , tehát a  $KBC$  egyenlő szárú háromszög alapja  $a$ , szemközti szöge  $2\alpha$ , szára  $R$ . Tehát  $\sin \alpha = \frac{a/2}{R}$ ,  $R = \frac{a}{2 \sin \alpha}$  racionális, mivel az előző feladat megoldása szerint  $\sin \alpha$  is az.