

$N = n^4 - 1 = (n - 1)(n + 1)(n^2 + 1)$. Az n nem osztható 2, 3, 5-tel, tehát:

1. $n = 2k + 1$ lévén, $(n - 1)$ és $(n + 1)$ páros számok, mégpedig egymás után következők, és így az egyik még négygyel is osztható. $n^2 + 1$ is páros. Tehát N 2^4 -nel osztható.

2. $n = 3k + 1$, vagy $n = 3k - 1$, tehát vagy $n - 1 = 3k$, vagy $n + 1 = 3k$ és $n^2 + 1 = 9k^2 \pm 6k + 2$ nem osztható 3-mal, tehát N 3-mal osztható.

3. $n = 5k \pm 1$, illetve $n = 5k \pm 2$. Az első esetben $n - 1 = 5k$, vagy $n + 1 = 5k$, $n^2 + 1 = 25k^2 \pm 10k + 2$ pedig nem osztható 5-tel. A második esetben $n - 1$ és $n + 1$ nem osztható 5-tel, de $n^2 + 1 = 25k^2 \pm 20k + 5$ osztható 5-tel. Tehát N mindig osztható 5-tel, s így N mindig osztható $2^4 \cdot 3 \cdot 5 = 240$ -nel. $N = 240k$.