

A 3-as számrendszerben minden 81-en aluli egész szám a következő alakba írható:

$$(I) \quad n = a \cdot 27 + b \cdot 9 + c \cdot 3 + d,$$

ahol  $a, b, c, d$  a 0, 1 és 2 értékeket veheti fel. Ha pedig csak a 0, +1 és -1 értékeket vehetik fel, akkor az előálló legnagyobb szám csak 40 lehet, mert  $27 + 9 + 3 + 1 = 40$ . Azt állítjuk, hogy viszont így minden 41-nél kisebb egész számot elő lehet állítani. Tudniillik ilyen szám részére van egy (I.) alakú előállítás, ahol  $a = 0$ , vagy 1,  $b, c, d$  pedig 0, 1, 2 lehet. Ha most  $d, c, b$  közül valamelyik 2 és az első ilyen pl. a  $d$ , akkor  $d = 3 - 1$ -et írva és így

$$n = 27a + 9b + 3(c + 1) - 1.$$

Ha  $c + 1 = 2$ , akkor  $3(c + 1) = 9 - 3$ -at írva:

$$n = 27a + 9(b + 1) - 3 - 1.$$

Ha pedig  $c + 1 = 3$ , akkor

$$n = 27a + 9(b + 1) - 1, \text{ stb.}$$

Végül az  $n$  a (I.) alakot ölti, ahol  $a, b, c, d$  a 0, 1, -1 értékeket veheti fel. Az  $a = 2$  nem lehet, mert így a legkisebb érték:  $2 \cdot 27 - 9 - 3 - 1 = 41$  lenne, holott 41-en aluli számok előállításáról van szó. Ennek megfelelően az 1, 3, 9, 27 gr-os súlyokkal minden 40 gr-nál nem nehezebb egész számú súlyú test mérhető meg úgy, hogy a súlyokat bal, illetve a jobb oldali serpenyőbe tehetjük.

Általánosítás: Ha 1, 3, 9, ...,  $3^n$  gr-os súlyaink vannak, akkor minden  $1 + 3 + 9 + \dots + 3^n = \frac{3^{n+1} - 1}{3 - 1}$ -nél nem nagyobb egész számú súlyú test lemérhető velük. Végül, ha mindegyik súlyból két darab van, minden  $3^{n+1}$ -nél kisebb egész számú súlyú test lemérhető velük úgy is, hogy a súlyokat mindig ugyanabba a serpenyőbe tesszük csak.