Minden 1-nél (akármilyen kevéssel is) nagyobb számnak van akármilyen nagy számnál is nagyobb hatványa. Legyen ugyanis $1+p$ a kérdéses 1-nél nagyobb szám és M akármilyen nagy szám; azt kell megmutatnunk; hogy van $1+p$-nek olyan hatványa, amely nagyobb, mint M. Mint a 11. feladat megoldásában, látható, hogy $1+p$ minden hatványa nagyobb mint 1, így $1+p$ minden hatványa több, mint p-vel nagyobb mint a meglévő hatványa. Minthogy első hatványa p-vel nagyobb 1-nél, második hatványa több, mint $2p$-vel, harmadik hatványa több, mint $3p$-vel, stb. általában n, hatványa több mint $n \cdot p$-vel nagyobb, mint 1, azaz: $(1+p)^n > 1 + n \cdot p$ ez pedig nagyobb, mint M, ha n-et nagyobbra választjuk, mint: $(M-1)/p$.

Megjegyzés:
(a) A bebizonyított tételt úgy is ki szokták mondani, hogy bármely 1-nél (akármilyen kevéssel is) nagyobb szám hatványai végtelenbe divergáló számsorozatot alkotnak.
(b) A közben ($p > 0$, $n > 1$ esetben) bebizonyított $(1+p)^n > 1 + n \cdot p$ egyenlőtlenség Bernoullitól származik.